Frank Gustrau



Hochfrequenztechnik

Grundlagen der mobilen Kommunikationstechnik



4., aktualisierte und erweiterte Auflage

HANSER

Hochfrequenztechnik



Ihr Plus - digitale Zusatzinhalte!

Auf unserem Download-Portal finden Sie zu diesem Titel kostenloses Zusatzmaterial. Geben Sie dazu einfach diesen Code ein:

plus-wtrqf-8ycetn

plus.hanser-fachbuch.de



Bleiben Sie auf dem Laufenden!

Hanser Newsletter informieren Sie regelmäßig über neue Bücher und Termine aus den verschiedenen Bereichen der Technik. Profitieren Sie auch von Gewinnspielen und exklusiven Leseproben. Gleich anmelden unter

www.hanser-fachbuch.de/newsletter

Hochfrequenztechnik

Grundlagen der mobilen Kommunikationstechnik

4., aktualisierte und erweiterte Auflage



Über den Autor:

Prof. Dr.-Ing. Frank Gustrau, FH Dortmund



Print-ISBN: 978-3-446-47685-1 E-Book-ISBN: 978-3-446-47922-7

Alle in diesem Werk enthaltenen Informationen, Verfahren und Darstellungen wurden zum Zeitpunkt der Veröffentlichung nach bestem Wissen zusammengestellt. Dennoch sind Fehler nicht ganz auszuschließen. Aus diesem Grund sind die im vorliegenden Werk enthaltenen Informationen für Autor:innen, Herausgeber:innen und Verlag mit keiner Verpflichtung oder Garantie irgendeiner Art verbunden. Autor:innen, Herausgeber:innen und Verlag übernehmen infolgedessen keine Verantwortung und werden keine daraus folgende oder sonstige Haftung übernehmen, die auf irgendeine Weise aus der Benutzung dieser Informationen – oder Teilen davon – entsteht. Ebenso wenig übernehmen Autor:innen, Herausgeber:innen und Verlag die Gewähr dafür, dass die beschriebenen Verfahren usw. frei von Schutzrechten Dritter sind. Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt also auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, dass solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz-Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benützt werden dürften.

Die endgültige Entscheidung über die Eignung der Informationen für die vorgesehene Verwendung in einer bestimmten Anwendung liegt in der alleinigen Verantwortung des Nutzers.

Bibliografische Information der Deutschen Nationalbibliothek:

Die Deutsche Nationalbibliothek verzeichnet diese Publikation in der Deutschen Nationalbibliografie; detaillierte bibliografische Daten sind im Internet unter http://dnb.d-nb.de abrufbar.

Dieses Werk ist urheberrechtlich geschützt.

Alle Rechte, auch die der Übersetzung, des Nachdruckes und der Vervielfältigung des Werkes, oder Teilen daraus, vorbehalten. Kein Teil des Werkes darf ohne schriftliche Einwilligung des Verlages in irgendeiner Form (Fotokopie, Mikrofilm oder einem anderen Verfahren), auch nicht für Zwecke der Unterrichtgestaltung – mit Ausnahme der in den §§ 53, 54 UrhG genannten Sonderfälle –, reproduziert oder unter Verwendung elektronischer Systeme verarbeitet, vervielfältigt oder verbreitet werden.

© 2024 Carl Hanser Verlag GmbH & Co. KG, München

www.hanser-fachbuch.de

Lektorat: Dipl.-Ing. Natalia Silakova-Herzberg

Herstellung: Frauke Schafft

Coverkonzept: Marc Müller-Bremer, www.rebranding.de, München

Titelmotiv: © Frank Gustrau

Satz: Frank Gustrau

Druck: CPI Books GmbH, Leck

Printed in Germany

Vorwort

Das vorliegende Lehrbuch bietet Studierenden einen praxisnahen Einstieg in das Gebiet der Hochfrequenztechnik und der physikalischen Aspekte der Funkkommunikation. Drahtlose Techniken in den Bereichen Kommunikation (Datennetze, Mobiltelefonie), Identifikation (RFID), Navigation (GPS) und Ortung (Radar) sind heute allgegenwärtig. Im Bereich der Funkanwendungen werden seit jeher vergleichsweise hohe Trägerfrequenzen verwendet, denn dies ermöglicht eine gute Ausnutzung des elektromagnetischen Spektrums und den Aufbau effizienter Antennen. Kostengünstige Herstellungsprozesse und die Anwendung rechnergestützter 3D-Entwurfswerkzeuge erschließen der Funktechnik immer neue Anwendungsgebiete bei steigenden Bandbreiten.

Im Bereich der Schaltungstechnik führen die Verwendung höherer Datenraten in Schaltungen und die damit verbundenen hochfrequenten Signalanteile zu neuen Anforderungen beim Schaltungsentwurf. Leitungen bedürfen plötzlich einer eingehenden Betrachtung, Verkopplungen zwischen benachbarten Komponenten treten deutlicher hervor und es kommt zu ungewollter Abstrahlung von elektromagnetischen Wellen. Beim Entwurf haben verteilte Strukturen zunehmend Vorteile gegenüber den klassischen konzentrierten Bauelementen. Auch Digitaltechniker kommen somit mit den Begriffen "Leitungswellenwiderstand" und "Antenne" in Berührung.

Vielfältige Funkanwendungen und hochdatenratige Kommunikation tauchen heute auch in technischen Produkten auf, die ehemals dem Maschinenbau zuzuordnen waren, wie zum Beispiel dem Automobil. Hochfrequenztechnik ist daher – in ihren Grundlagen – heute keine Spezialdisziplin mehr, sondern eine Basisdisziplin für alle Ingenieurinnen und Ingenieure der Fachrichtungen Elektro-, Informations- und Kommunikationstechnik sowie der angrenzenden Fachrichtungen Mechatronik, Fahrzeugelektronik und Bereiche der Biomedizintechnik.

Bei der gegebenen Breite des Faches Hochfrequenztechnik muss natürlich für die Darstellung in diesem Buch eine sinnvolle Beschränkung des Stoffes vorgenommen werden. Was die Hochfrequenztechnik zuallererst gegenüber der klassischen Elektrotechnik auszeichnet, ist der Umstand, dass die Abmessungen der Strukturen nicht mehr klein im Verhältnis zur Wellenlänge sind. Die damit einhergehenden Wellenausbreitungsvorgänge führen zu den typischen Hochfrequenzphänomenen. Dreh- und Angelpunkt des Buches sind daher die Wellenausbreitungsvorgänge, ihre Beschreibung, ihre Konsequenzen und ihre Nutzbarmachung in passiven Schaltungen und Antennenstrukturen.

Aktive elektronische Schaltungen und der gesamte Bereich der Hochfrequenzelektronik, wie der Entwurf von Verstärkern, Mischern und Oszillatoren, werden in diesem Buch weitestgehend ausgespart. Um dieses Themengebiet detailliert zu behandeln, müsste ein Zugang über die Grundlagen der Elektronik und Halbleiterbauteile gewählt werden.

Numerische Feldsimulationen haben mittlerweile einen festen Platz im Entwicklungsprozess von Hochfrequenz-Komponenten und Antennen. Daher wurden zahlreiche Beispiele in diesem Buch mit Unterstützung moderner Hochfrequenz-Schaltungs- und Feldsimulatoren berechnet. Im Einzelnen wurden folgende Programmpakete eingesetzt:

- 6
- ADS (Advanced Design System) der Firma Keysight Technologies
- CST Studio Suite der Firma CST
- EMPIRE der Firma IMST GmbH
- PathWave EM Design (EMPro) der Firma Keysight Technologies.

Der Markt für diese Softwareprodukte entwickelt sich rasch, so dass dem Leser bei der Auswahl eines für ihn geeigneten Simulators eine eigene Recherche empfohlen wird. Am Ende jedes Kapitels befinden sich Übungsaufgaben. Die Lösungen stellt der Autor auf der folgenden Website des Verlages zur Verfügung:

https://plus.hanser-fachbuch.de/

Die freundliche Aufnahme dieses Lehrbuches durch die Leserschaft hat mittlerweile eine vierte Auflage mit fachlichen Erweiterungen möglich gemacht. So wurden in dieser Auflage u.a. die Themen Radarrückstreuquerschnitt, Schlitzantenne, Hornantenne und Substrateintegrated-waveguide-Leitung ergänzt und anhand zusätzlicher Beispiele illustriert.

Das im Buch verfolgte Konzept physikalisch-technische Grundlagen zu kombinieren mit der numerischen Simulationen hat sich in Lehrveranstaltungen bewährt und befähigt die Studierenden ihren Lernerfolg einerseits praxisorientiert umzusetzen und zugleich kritisch zu reflektieren.

An dieser Stelle bedanke ich mich bei allen Kolleginnen und Kollegen und bei den Studierenden, die durch ihre Anregungen - sei es durch ihre Fragen in Lehrveranstaltungen, sei es durch das Probelesen einzelner Kapitel – zu diesem Buch beigetragen haben.

Dortmund, im Sommer 2023

Frank Gustrau

Inhalt

1	Ein	leitui	ng	15		
	1.1	Hoch	frequenzanwendungen	15		
	1.2	Frequ	enzbereiche			
	1.3	Hoch	frequenztechnische Erscheinungen	19		
		1.3.1	Elektrisch kurze Leitungen	20		
		1.3.2	Leitungen mit einer Länge in der Größenordnung der Wellenlänge $\ldots\ldots$	22		
		1.3.3	$Antennen\ und\ Abstrahlung\ elektromagnetischer\ Wellen\dots\dots\dots$	22		
	1.4	Ausbl	ick auf die folgenden Kapitel	23		
2	Ele	ktron	nagnetische Felder und Wellen	25		
	2.1	Physi	kalische und mathematische Grundlagen	25		
		2.1.1	Elektrostatische Feldgrößen	25		
			2.1.1.1 Elektrische Feldstärke und Spannung	25		
			2.1.1.2 Polarisation und relative Dielektrizitätszahl	29		
			2.1.1.3 Verhalten bei Wechselstrom	30		
			2.1.1.4 Dielektrische Verschiebungsdichte	31		
			2.1.1.5 Elektrische Feldenergie und Kapazität	31		
		2.1.2	Stationäre elektrische Strömungsfelder und magnetische Felder $\ldots \ldots$	32		
			$2.1.2.1 \ \ Stromdichte, Leistungsdichte \ und \ Widerstand \dots$	32		
			$2.1.2.2 \ \ Magnetische Feldst\"{a}rke \ und \ magnetisches \ Vektorpotential$	34		
			2.1.2.3 Magnetische Feldenergie und Induktivität	36		
			2.1.2.4 Lorentz-Kraft	36		
		2.1.3	Vektoranalytische Operatoren	37		
			2.1.3.1 Divergenz	37		
			2.1.3.2 Rotation	37		
	2.2	Maxw	vell'sche Gleichungen	38		
		2.2.1	Differentialform für allgemeine Zeitabhängigkeit	38		
		2.2.2	Differentialform für harmonische Zeitabhängigkeit	39		
		2.2.3	Integralform	40		
		2.2.4	Materialgleichungen	42		
		2.2.5	Verhalten an Materialgrenzen	44		

	2.3	Einte	ilung elektromagnetischer Feldprobleme	46
		2.3.1	Statische Felder	46
		2.3.2	Quasistatische Felder	46
		2.3.3	Schnell veränderliche Felder	47
	2.4	Skine	ffekt	47
	2.5	Elektı	omagnetische Wellen	50
		2.5.1	Wellengleichung und ebene Wellen	50
		2.5.2	Polarisation	54
			2.5.2.1 Lineare Polarisation	55
			2.5.2.2 Zirkulare Polarisation	55
			2.5.2.3 Elliptische Polarisation	55
		2.5.3	Reflexion und Brechung an ebenen Grenzflächen	56
			2.5.3.1 Senkrechter Einfall	57
			2.5.3.2 Schräger Einfall	59
		2.5.4	Kugelwellen	64
	2.6	Zusar	nmenfassung	65
	2.7	Übun	gsaufgaben	66
3	Lei	_	stheorie und Signale auf Leitungen	68
	3.1		ngstheorie	68
			Ersatzschaltbild eines kurzen Leitungsstücks	68
			Telegraphengleichung	
			Spannungs- und Stromwellen auf Leitungen	
			Einseitig abgeschlossene Leitung	75
			Eingangsimpedanz einer abgeschlossenen Leitung	77
			Verlustlose Leitungen	79
			Leitungen mit geringen Verlusten	81
		3.1.8	Verschiedene Leitungsabschlüsse einer verlustlosen Leitung	
			3.1.8.1 Angepasste Leitung	
			3.1.8.2 Kurzgeschlossene Leitung	84
			3.1.8.3 Leerlaufende Leitung	86
			3.1.8.4 Allgemeiner Abschluss	88
		3.1.9	Verlustlose Leitungen als Impedanztransformatoren	89
			3.1.9.1 Der Viertelwellenlängentransformator	89
			3.1.9.2 Der Halbwellenlängentransformator	89
			Reflexionsfaktor einer verlustlosen Leitung	90
		3.1.11	Smith-Chart-Diagramm	93

	3.2	Zeitsi	gnale auf Leitungen	98
		3.2.1	Sprungförmige Signale	98
			3.2.1.1 Angepasste Quelle und angepasster Abschluss	98
			$3.2.1.2 \ \ Angepasste \ Quelle \ und \ fehlangepasster \ (resistiver) \ Abschluss \dots.$	100
			3.2.1.3 Angepasste Quelle und fehlangepasster (reaktiver) Abschluss \dots	102
			3.2.1.4 Fehlanpassung an Quelle und Last	104
		3.2.2	Rechteckförmige Signale	107
	3.3	Auger	ndiagramm	108
	3.4	Zusar	mmenfassung	111
	3.5	Übun	ngsaufgaben	112
_				
4	We	llenle	eiter	114
	4.1	Überl	blick über technisch bedeutsame Leitungstypen	114
	4.2	Koaxi	alleitungen	117
		4.2.1	Induktivitätsbelag und Leitungswellenwiderstand	118
		4.2.2	Dämpfung bei schwachen Verlusten	
			4.2.2.1 Metallische Verluste	120
			4.2.2.2 Dielektrische Verluste	121
		4.2.3	Nutzbarer Frequenzbereich	122
		4.2.4	Anwendungsgebiete	124
	4.3	Parall	leldrahtleitung	124
		4.3.1	Leitungswellenwiderstand	124
		4.3.2	Anwendungsgebiete	125
	4.4	Mikro	ostreifenleitungen (Microstrip)	126
		4.4.1	Wellenwiderstand und effektive Permittivitätszahl	126
		4.4.2	Dispersion und nutzbarer Frequenzbereich	129
		4.4.3	Anwendungsgebiete	130
	4.5	Streif	enleitung (Stripline)	130
		4.5.1	Leitungswellenwiderstand	131
		4.5.2	Nutzbarer Frequenzbereich	131
		4.5.3	Anwendungsgebiete	132
	4.6	Recht	teckhohlleiter	132
		4.6.1	Allgemeine Überlegungen	133
		4.6.2	Die Grundwelle	136
		4.6.3	Höhere Wellentypen	140
		4.6.4	Einsatzgebiete von Hohlleitern	142
		4.6.5	Anregung von Hohlleiterwellen	142
		4.6.6	Hohlraumresonatoren	143

	4.7	SIW-Leitungen (Substrate-integrated waveguide)
		4.7.1 Aufbau und Kenngrößen
		4.7.2 Leitungsübergang Microstrip-SIW
	4.8	Dreileitersysteme
		4.8.1 Gleich- und Gegentaktwellen
		4.8.2 Leitungswellenwiderstände und Ausbreitungskonstanten
		4.8.3 Leitungsabschluss
	4.9	Übungsaufgaben
5	Str	euparameter157
	5.1	Mehrtorgleichungen in Matrixform
	5.2	Definition von Wellengrößen
	5.3	Streuparameter und Leistung
	5.4	Spezielle Eigenschaften von Schaltungen
		5.4.1 Anpassung
		5.4.2 Leistungsanpassung
		5.4.3 Reziprozität (Übertragungssymmetrie)
		5.4.4 Symmetrie
		5.4.5 Verlustlosigkeit bei Passivität
		5.4.6 Rückwirkungsfreiheit
		5.4.7 Besondere Bedingungen bei Dreitoren
	5.5	Berechnung von Streumatrizen
		5.5.1 Reflexionsfaktoren 168
		5.5.2 Transmissionsfaktoren
		5.5.3 Umnormierung einer Streumatrix auf andere Torwiderstände
	5.6	Signalflussmethode
	5.7	Messung von Streuparametern
	5.8	Übungsaufgaben
6	Но	chfrequenzbauelemente und -schaltungen185
	6.1	Konzentrierte Bauelemente
		6.1.1 Widerstände
		6.1.2 Kondensatoren
		6.1.3 Spulen
	6.2	Leitungsresonatoren
		6.2.1 Halbwellenlängenresonator
		6.2.2 Viertelwellenlängenresonator
	6.3	Anpassschaltungen

		6.3.1 LC-Anpassnetzwerke	194
		6.3.2 Anpassung mit Leitungen	197
		6.3.2.1 Viertelwellenlängentransformator	197
		6.3.2.2 Stichleitung und Butterfly-Stubs	198
	6.4	Filter mit konzentrierten Bauelementen	200
		$6.4.1 Klassischer LC-Filterentwurf mit Induktivit \"{a}ten und Kapazit \"{a}ten \dots \dots \dots$	201
		6.4.2 Entwurf von Butterworth-Filtern	203
		6.4.2.1 Filter mit Tiefpassverhalten	203
		6.4.2.2 Filter mit Hochpassverhalten	206
		6.4.2.3 Filter mit Bandpassverhalten	207
	6.5	Leitungsfilter	210
		6.5.1 Seitengekoppelte Filter (Edge-coupled-line-Filter)	211
		6.5.2 Seitengekoppelte Filter (Hairpin-Filter)	215
		6.5.3 Stepped-impedance-Filter	
		6.5.4 Metallisch geschirmte Filter (Gehäuseresonanzen)	
		6.5.5 Hohlleiterfilter	218
	6.6	Zirkulatoren	219
	6.7	Leistungsteiler	221
		6.7.1 Wilkinson-Leistungsteiler	221
		6.7.2 Leistungsteiler mit ungleicher Leistungsaufteilung	
	6.8	Branchline-Koppler	225
		6.8.1 Konventioneller 3dB-Koppler	
		6.8.2 Ungleiche Leistungsaufteilung und Impedanztransformation	
	6.9	Rat-race-Koppler	
		Richtkoppler	
		Symmetrierglieder	
	6.12	Elektronische Schaltungen	
		6.12.1 Mischer	
		6.12.2 Verstärker und Oszillatoren	
	6.13	Moderne HF-Entwurfswerkzeuge	
		6.13.1 HF-Schaltungssimulatoren	
		6.13.2 Elektromagnetische 3D-Feldsimulation	
	6.14	Übungsaufgaben	244
7	A 1		140
1		ennen	
	7.1	Grundbegriffe und Kenngrößen	
		7.1.1 Antennen als Wellentypwandler	
		7.1.2 Nahfeld und Fernfeld	247

		7.1.3	Isotroper Kugelstrahler	248
		7.1.4	Kenngrößen für das Strahlungsfeld einer Antenne	249
		7.1.5	Anpassung und Bandbreite	255
	7.2	Prakti	sche Antennenbauformen	256
	7.3	Mathe	ematische Behandlung des Hertz'schen Dipols	259
	7.4	Draht	antennen	263
		7.4.1	Halbwellendipol	263
		7.4.2	Monopol	266
		7.4.3	Verkürzung von Monopolantennen	267
	7.5	Schlit	zantennen	268
	7.6	Apert	urstrahler und Hornantennen	271
		7.6.1	Aperturstrahler	271
		7.6.2	Hornantennen	273
	7.7	Plana	re Antennen	275
		7.7.1	Rechteckige Patch-Antenne	276
			7.7.1.1 Abstrahlung eines Patch-Elementes	276
			7.7.1.2 Resonanzfrequenz und Patch-Abmessungen	277
			7.7.1.3 Speisung von Patch-Antennen	278
		7.7.2	Patch-Antennen mit zirkularer Polarisation	281
		7.7.3	Planare Dipol- und Inverted-F-Antennen	283
	7.8	Grupp	penantennen	285
		7.8.1	Einzelcharakteristik und Gruppenfaktor	285
		7.8.2	Phasengesteuerte Antennen	289
			7.8.2.1 Lineare Anordnung der Antennenelemente	289
			7.8.2.2 Flächige Anordnung der Antennenelemente	293
		7.8.3	Beamforming	295
	7.9	Weite	re Antennenkonzepte	300
	7.10	Übun	gsaufgaben	301
_				
8	Fun		llen	
	8.1	Welle	nausbreitungseffekte	302
		8.1.1	Reflexion und Brechung	302
		8.1.2	Absorption	303
		8.1.3	Beugung	304
		8.1.4	Streuung	305
	8.2	Einfac	che Ausbreitungsszenarien	307
		8.2.1	Freiraumausbreitung	307
		8.2.2	Dämpfung von Wellen in Luft	309

		8.2.3	Reflexion an Streuzielen (Radarrückstreuquerschnitt)	310
		8.2.4	Doppler-Effekt	319
		8.2.5	Ausbreitung über ebenem Grund (Zweiwegeausbreitung)	319
		8.2.6	Richtfunkstrecken	322
		8.2.7	Geschichtete Medien	324
	8.3	Komp	olexe Umgebungen	327
		8.3.1	Mehrwegeausbreitung	327
		8.3.2	Clutter-Factor-Modell	329
		8.3.3	Okumura-Hata-Model	330
		8.3.4	Physikalische Modelle und numerische Feldberechnung	332
	8.4	Zusar	nmenfassung	334
	8.5	Übun	gsaufgaben	335
Α	Anl	hang		337
	A.1	Koord	linatensysteme	337
		A.1.1	Kartesisches Koordinatensystem	338
		A.1.2	Zylinderkoordinatensystem	339
		A.1.3	Kugelkoordinatensystem	340
	A.2	Kenng	größen von Schwingkreisen	341
		A.2.1	Serienschwingkreis	341
		A.2.2	Parallelschwingkreis	346
	A.3	Logar	rithmische Darstellung von technischen Größen	351
		A.3.1	Dimensionslose Größen	351
		A.3.2	Relative und absolute Pegel	352
		A.3.3	Pegelplan einer Übertragungsstrecke	352
For	mel	zeich	en und Abkürzungen	354
	-			0 = 0
Lite	eratu	ır		359
ام ما				264

Einleitung

Dieses Kapitel gibt eine Übersicht über typische hochfrequenztechnische Anwendungen und Frequenzbereiche. Mit einem anschaulichen Beispiel zur Wellenausbreitung wollen wir uns motivieren, tiefer in die Theorie einzusteigen. Ein Überblick über die nachfolgenden Kapitel bietet dem Leser Orientierung und gestattet den gezielten Zugriff auf ausgewählte Themen.

■ 1.1 Hochfrequenzanwendungen

Jeder Einzelne nutzt heute bereits – ob unterwegs oder in seinem Zuhause – eine zunehmende Zahl von drahtlosen Techniken. Bild 1.1a zeigt eine Auswahl an drahtlosen Kommunikations-, Navigations-, Identifikations- und Ortungsanwendungen.

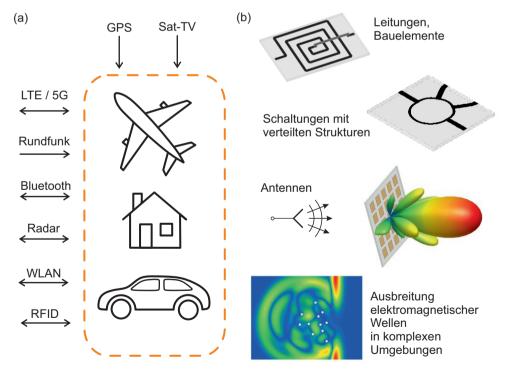


Bild 1.1 (a) Auswahl an Funkanwendungen in unterschiedlichen Umgebungen und (b) HF-Komponenten und Ausbreitung elektromagnetischer Wellen

Die Zahl der technischen Anwendungen, die hochfrequenztechnische Komponenten und Systeme beinhalten, steigt auch in Zukunft weiter an. Um diese Systeme zu entwickeln und in Betrieb zu nehmen, bedarf es unter anderem breiter Kenntnisse des Hochfrequenzverhaltens von konzentrierten Bauelementen (z. B. Kapazitäten, Induktivitäten, Leitungen, Transistoren), Schaltungen (z. B. Filter, Verstärker), Komponenten (z. B. Antennen) und physikalischer Aspekte wie der elektromagnetischen Wellenausbreitung (Bild 1.1b).

In Tabelle 1.1 sind einige typische Hochfrequenz-Funkanwendungen und ihre zugehörigen Frequenzbereiche aufgeführt. Die Anwendungen umfassen unter anderem terrestrische Sprach- und Datenkommunikation, also den zellularen Mobilfunk und die drahtlosen Kommunikationsnetze, sowie Verteildienste (Rundfunk) sowohl terrestrisch als auch satellitenbasiert. Drahtlose Identifikationssysteme (RFID) in ISM-Bändern freuen sich im Warenverkehr und der Logistik wachsender Bedeutung. Im Bereich der Navigation ist das GPS-System hervorzuheben, welches mittlerweile in einer Vielzahl von Kraftfahrzeugen verbaut oder in mobilen Geräten im Einsatz ist. Im Automobilbereich finden wir als weitere HF-Anwendung Radarsysteme für die Umfeldüberwachung und als Sensoren für Fahrerassistenzsysteme.

Tabelle 1.1 Typische drahtlose Hochfrequenzanwendungen und zugehörige Frequenzbereiche

Anwendung	Bezeichnung	Frequenzbereich
Zellularer Mobilfunk		
GSM	Global System for Mobile Communications (Mobilfunkstandard der 2. Generation)	900 MHz / 1800 MHz
UMTS	Universal Mobile Telecommunications System (Mobilfunkstandard der 3. Generation)	2100 MHz
LTE	Long Term Evolution (Mobilfunkstandard der 4. Generation)	800 MHz / 1800 MHz / 2600 MHz
5G	Mobilfunkstandard der 5. Generation ((*)Weitere Frequenzbereiche geplant)	700 MHz / 3400 3800 MHz / 28 GHz(*)
Tetra	Digitaler Bündelfunk, BOS-Funk	400 MHz
Drahtlose Netze		
WLAN	Wireless Local Area Network	2,45 GHz; 5 GHz
Bluetooth	Nahbereichsfunk	2,45 GHz
Navigation		
GPS	Global Positioning System	1,2 GHz; 1,575 GHz
Identifikation		
RFID	Radiofrequency Identification	13,56 MHz / 868 MHz / 2,45 GHz / 5 GHz
Rundfunk		
UKW-Rundfunk	Analoge Radiosender	87,5108 MHz
DAB	Digital Audio Broadcasting	200 MHz
DVB-T2	Digital Video Broadcasting - Terrestrial	470690 MHz
Satelliten-Rundfunk	Satelliten-Rundfunk	10,712,75 GHz
Radar		
Nahbereichsradar	Nahbereichsradar	24 GHz
ACC	Adaptive Cruise Control, Abstandserfassung	77 GHz

Die unterschiedlichen Anwendungsbereiche entwickeln sich rasant. Exemplarisch schauen wir auf die Entwicklung im Bereich des Mobilfunks. In der Entstehungsphase der mobilen Telefonie stand die Sprachkommunikation im Vordergrund. Die analogen Endgeräte waren unhandlich und teuer. Mit der zweiten Generation (2G/GSM) zog in den 1990er Jahren die Digitaltechnik in den Mobilfunk ein. Die Endgeräte wurden kompakter und für breite Massen erschwinglich. Neben der Sprachkommunikation etablierte sich ein Textdienst (SMS). Mit der dritten Generation (3G/UMTS) vollzog sich nach der Jahrtausendwende die Entwicklung zur mobilen Breitbandanwendung mit der Möglichkeit multimediale Inhalte (Foto, Video, Musik) und das Internet mobil zu nutzen. Unter dem Einfluss der neuen technischen Möglichkeiten wandelten sich die Bedienkonzepte der Endgeräte (Touchscreen statt Tastatur) und die Ausstattung der Geräte wurde komplexer (zum Beispiel eingebaute Kameras).

Beim Mobilfunkstandard der vierten Generation (4G/LTE-Advanced¹) ab ca. 2010 wurde der mobile Breitbandzugang weiterentwickelt, die Datenraten wurden erhöht und die Kapazität (Anzahl der gleichzeitig aktiven Teilnehmer im Netz) gesteigert. Günstige Geräte und Tarife führten zum mobilen Breitbandzugang für jedermann. Neben dem schnellen mobilen Breitbandzugang wurden durch eine Erweiterung des LTE-Standards (NB-IoT²) auch Anwendungen im Bereich Industrie 4.0 bzw. Internet der Dinge einbezogen. Die Datenraten in diesem Anwendungsfeld sind vergleichsweise niedrig, dafür sind die Anforderungen an die Energieeffizienz und Zuverlässigkeit sehr hoch.

Um für die steigenden Anforderungen gerüstet zu sein, und weitere Anwendungsfelder für den Mobilfunk zu erschließen, etabliert sich gerade ein Mobilfunkstandard der fünften Generation (5G) [AlDu18] [Dahl18]. Insgesamt werden hierbei drei Anwendungsszenarien adressiert:

- Verbesserungen in mobilen Breitbandanwendungen (eMBB = enhanced Mobile Broadband): Höhere Datenraten und verringerte Verzögerungsraten unter anderem für VR³- und AR⁴-Anwendungen.
- Kommunikation zwischen einer hohen Zahl günstiger und energieeffizienter Geräte für industrielle Anwendungen (mMTC = massive Machine Type Communications).
- Anwendungen mit geringen Latenzzeiten und hoher Zuverlässigkeit für zum Beispiel Autonomes Fahren (URLLC = Ultra Reliable Low Latency Communications).

Unter anderem im Bereich der Funkschnittstelle wurden wesentliche Änderungen vorgenommen, um die Anforderungen in den unterschiedlichen Anwendungsszenarien erfüllen zu können. Alle bisherigen Standards arbeiteten im Frequenzbereich unter 3 GHz (Tabelle 1.1). Die Funkschnittstelle des Mobilfunks der fünften Generation (5G NR = 5G New Radio) unterscheidet den Frequenzbereich FR1 (Frequency Range 1) unterhalb von 6 GHz und den Frequenzbereich FR2 (Frequency Range 2) oberhalb 24,25 GHz. Die niedrigen Frequenzen (z. B. 700 MHz) eignen sich für eine gute Netzabdeckung in der Fläche und die Versorgung in kritischen Gebäudebereichen (z. B. Keller). Der neu hinzugekommene Millimeterwellenbereich (z. B. 28 GHz) erlaubt sehr hohe Datenraten und eine sehr hohe Kapazität in kleinen räumlichen Bereichen. Mehrantennenkonzepte mit Strahlformung können bei den hohen Frequenzen mit Hilfe sehr kompakter Antennensysteme realisiert werden. Im Rahmen dieses

LTE-Advanced wird aus Gründen der Sprachökonomie auch oft einfach als LTE abgekürzt. Gemeint ist in jedem Fall der Mobilfunk der vierten Generation bzw. Weiterentwicklungen innerhalb dieser Generation.

Narrow Band Internet of Things

³ Virtual Reality

⁴ Augmented Reality

Buches werden wir die *physikalisch-technischen* Grundlagen zum Verständnis der *hochfrequenztechnischen Aspekte* der unterschiedlichen Funktechniken legen und zum Beispiel auf die Antennentechnik und Wellenausbreitung auf Leitungen, in Schaltungen und in komplexen räumlichen Umgebungen eingehen.

Das Themengebiet der Hochfrequenztechnik spielt jedoch nicht nur bei der Funktechnik eine entscheidende Rolle. Durch die zunehmende Verarbeitungsgeschwindigkeit digitaler Schaltungen tauchen hierbei hochfrequente Signalanteile auf, die dazu führen, dass auch bei schnellen Digitalschaltungen Entwurfsmethoden der Hochfrequenztechnik Anwendung finden.

Zudem reicht die Hochfrequenztechnik durch ihre Nähe zur elektromagnetischen Feldtheorie in den Bereich der Elektromagnetischen Verträglichkeit⁵ hinein. Einerseits basieren die hier angewendeten Messaufbauten mit Leitungen und Antennen direkt auf hochfrequenztechnischen Prinzipien. Andererseits ist bei Nichteinhalten von vorgegebenen Grenzwerten im Allgemeinen eine detaillierte Analyse der Situation erforderlich, um Verbesserungen zu erzielen. Die Einbeziehung hochfrequenztechnischer Aspekte bringt dabei oft wesentliche Fortschritte.

■ 1.2 Frequenzbereiche

Das elektromagnetische Spektrum ist zur besseren Orientierung in eine Reihe von Frequenzbändern unterteilt. In verschiedenen Staaten und geographischen Regionen haben sich dabei unterschiedliche Bezeichnungssysteme herausgebildet, die oft parallel verwendet werden. In Tabelle 1.2 ist eine übliche Einteilung des Frequenzbereiches von 3 kHz bis 300 GHz in acht Frequenzdekaden nach einer Empfehlung der ITU (International Telecommunications Union) [ITU00] dargestellt.

Frequenzbereich	Internationale Bezeichnung	Deutsche Bezeichnung
330 kHz	VLF – Very Low Frequency	Längstwellen
30300 kHz	LF – Low Frequency	Langwellen
300 kHz3 MHz	MF – Medium Frequency	Mittelwellen
330 MHz	HF – High Frequency	Kurzwellen
30300 MHz	VHF – Very High Frequency	Ultrakurzwellen
300 MHz3 GHz	UHF - Ultra High Frequency	Dezimeterwellen
330 GHz	SHF – Super High Frequency	Zentimeterwellen
30300 GHz	EHF – Extremely High Frequency	Millimeterwellen

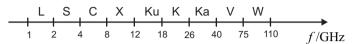
Tabelle 1.2 Bezeichnung der Frequenzbereiche nach ITU

Bild 1.2a zeigt die nach dem IEEE-Standard [IEEE02] (*Institute of Electrical and Electronics Engineers*) gebräuchliche Bezeichnung unterschiedlicher Frequenzbänder. Diese Bandbezeichnungen sind ebenfalls sehr weit verbreitet. Nachteilig ist die unsystematische Verwendung der

Die Elektromagnetische Verträglichkeit (EMV) beschäftigt sich mit der Vermeidung von störenden Wechselwirkungen zwischen technischen Geräten. Hierbei werden Geräte in standardisierten Messaufbauten auf die Einhaltung von technischen Grenzwerten hin überprüft.

Buchstaben und Bandbereiche, die in der historisch gewachsenen Struktur begründet liegt. Eine neuere Bezeichnungsweise gemäß NATO zeigt Bild 1.2b [Macn10] [Mein92]. Die Zuordnung der Buchstaben zu den Frequenzbereichen erfolgt hier systematischer. Allerdings sind die Bandbezeichnungen in der Praxis weniger gebräuchlich.

(a) Bezeichnung der Frequenzbänder nach IEEE Std. 521-2002



(b) Bezeichnung der Frequenzbänder nach NATO

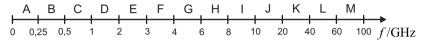


Bild 1.2 Bezeichnung der Frequenzbänder nach (a) IEEE und (b) NATO

Der störungsarme Betrieb von Funkanwendungen wird durch eine Reihe rechtlicher und regulatorischer Maßnahmen sichergestellt. Die knappe Ressource "Frequenz" wird dabei minutiös aufgeteilt und verwaltet [CEPT18] [Bund18b]. Bestimmte Frequenzbereiche des Spektrums sind für spezielle kommerzielle, medizinische und wissenschaftliche Anwendungen vorgesehen.

Die für diese speziellen Anwendungen reservierten Frequenzbereiche werden als ISM-Frequenzbänder (Industrial, Scientific, Medical) bezeichnet und sind in Tabelle 1.3 aufgelistet [Bund03]. Ein typisches Beispiel ist der Frequenzbereich bei 2,45 GHz, in dem Mikrowellenherde und WLAN-Systeme betrieben werden. Ein weiteres Frequenzband für nichtöffentliche Funkanwendungen geringer Reichweite für Datenübertragungen liegt im Bereich von 863 bis 870 MHz [Bund18a].

Tabelle 1.3 Ausgewählte ISM-Frequenzbänder

13,55313,567 MHz	26,95727,283 MHz
40,6640,70 MHz	433,05434,79 MHz
2,42,5 GHz	5,7255,875 GHz
2424,25 GHz	6161,5 GHz
122123 GHz	244246 GHz

■ 1.3 Hochfrequenztechnische Erscheinungen

Wir wollen nun anhand zweier Beispiele das Augenmerk auf das Thema Hochfrequenztechnik richten. Die Beispiele behandeln Spannungswellen auf Leitungen und Abstrahlung elektromagnetischer Wellen durch Antennen.

1.3.1 Elektrisch kurze Leitungen

Zunächst einmal betrachten wir die einfache Schaltung in Bild 1.3a aus einer Spannungsquelle mit Innenwiderstand, die über eine (elektrisch kurze) Leitung mit einem Lastwiderstand verbunden ist. Der Begriff *elektrisch kurz* bedeutet hierbei, dass die Leitungslänge ℓ deutlich kürzer als die Wellenlänge λ ist ($\ell \ll \lambda$).

Elektromagnetische Wellen breiten sich im Vakuum mit der Lichtgeschwindigkeit c_0 aus.

$$c_0 = 299792458 \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}} \approx 3 \cdot 10^8 \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}} \tag{1.1}$$

Die entsprechende (Freiraum-)Wellenlänge bei einer Frequenz f ist dann:

$$\lambda = \frac{c_0}{f} \gg \ell \quad . \tag{1.2}$$

Bei einer Frequenz von f=1 MHz ergibt sich zum Beispiel eine Wellenlänge von $\lambda \approx 300$ m. Eine Leitung der Länge $\ell=1$ m wäre dann als *elektrisch kurz* anzusehen. Wir nehmen weiterhin der Einfachheit⁶ halber an, dass der Lastwiderstand $R_{\rm A}$ dem Innenwiderstand $R_{\rm I}$ der Quelle entspricht.

Alternativ können wir das Kriterium *elektrisch kurz* auch über die Laufzeit τ eines Signals über die Leitung formulieren. Breiten sich elektromagnetische Vorgänge mit der Lichtgeschwindigkeit c_0 aus, so benötigt ein Signal vom Anfang bis zum Ende der Leitung die Laufzeit τ :

$$\tau = \frac{\text{Strecke}}{\text{Geschwindigkeit}} = \frac{\ell}{c_0} \ll T = \frac{1}{f} \quad \Leftrightarrow \quad \frac{c_0}{f} \gg \ell \quad . \tag{1.3}$$

Ist die Laufzeit τ deutlich kleiner als die Periodendauer T des Sinussignals, so stellen sich die Signaländerungen der Quelle mit kaum merklicher Verzögerung zwischen Anfang und Ende der Leitung ein. Es ist also quasi so, als trete die Signaländerung der Quelle überall gleichzeitig ein. Signallaufzeiten längs der Leitung sind vernachlässigbar. Durch kurzes Umstellen erkennen wir, dass die beiden Formulierungen $\ell \ll \lambda$ und $\tau \ll T$ gleichwertig sind.

Eine Leitung ist *elektrisch kurz*, falls die Leitungslänge ℓ deutlich kleiner als die Wellenlänge λ bei der Betriebsfrequenz ist bzw. falls die Laufzeit τ eines sinusförmigen Signals längs der Leitung deutlich kleiner als die Periodendauer T ist.

Wir betrachten nun Bild 1.3b und variieren die Spannung der idealen Spannungsquelle sinusförmig. Die Sinusschwingung beginnt mit dem Wert Null, erreicht nach einem Viertel der Periodendauer T den maximalen Wert, durchläuft nach der halben Periode erneut die Null und erreicht über einen minimalen Wert nach der Periodendauer T den Ausgangswert der Spannung. Dieser Durchlauf wiederholt sich periodisch. Aufgrund der vernachlässigbaren Signalverzögerung τ ist das Signal längs der Leitung räumlich konstant. Es entspricht aufgrund der Spannungsteilerregel gerade dem halben Wert der Spannungsquelle. Eingangs- und Ausgangsspannung sind – zumindest in sehr guter Näherung – identisch:

$$u_{\rm E}(t) \approx u_{\rm A}(t)$$
 . (1.4)

Die genauen Zusammenhänge werden wir uns in Kapitel 3 über die Leitungstheorie erarbeiten.

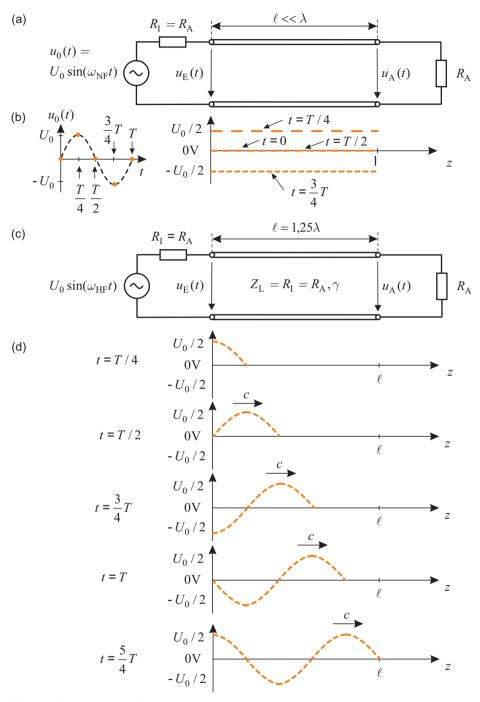


Bild 1.3 Schaltung aus Quelle mit Innenwiderstand, Leitung und Lastwiderstand: elektrisch kurze Leitung in (a) und (b) bzw. elektrisch lange Leitung mit Wellenausbreitung in (c) und (d)

1.3.2 Leitungen mit einer Länge in der Größenordnung der Wellenlänge

Als Nächstes erhöhen wir die Frequenz deutlich, so dass die Leitung nicht mehr elektrisch kurz ist. Wir wählen eine Frequenz f, so dass die Leitungslänge gerade eben fünf Viertel einer Wellenlänge entspricht: $\ell=5/4\cdot\lambda=1,25\lambda$ (Bild 1.3c). Nun kann die Laufzeit τ gegenüber der Periodendauer T nicht mehr vernachlässigt werden. Bei Anregung mit einem sinusförmigen Signal erkennen wir die Wellenausbreitung längs der Leitung in Bild 1.3d. In dem Beispiel vergehen fünf Viertel-Periodendauern, bevor das Signal das Ende der Leitung erreicht.

Ist die Leitung *nicht* als elektrisch kurz anzusehen, so zeigt die Spannung längs der Leitung keinen konstanten Verlauf mehr: In dem sinusförmigen Verlauf ist die Wellennatur der elektromagnetischen Erscheinungen zu erkennen. In der Praxis geht man davon aus, dass ab einer Leitungslänge von einem Zehntel der Wellenlänge ($\ell > \lambda/10$) der Effekt bedeutsam ist.

Auch die Spannung $u_{\rm A}(t)$ am Leitungsabschluss ist nun nicht mehr gleich der Spannung $u_{\rm E}(t)$ am Leitungseingang. Zwischen beiden besteht eine Phasendifferenz.

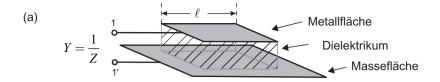
Zur vollständigen Beschreibung der Leitungseinflüsse muss die Leitung neben ihrer Länge ℓ durch zwei zusätzliche Kenngrößen charakterisiert werden: den Leitungswellenwiderstand $Z_{\rm L}$ und die Ausbreitungskonstante γ . Im Schaltungsentwurf sind diese mit zu berücksichtigen!

Sind Leitungswellenwiderstand und Abschlusswiderstand nicht gleich, so wird die Welle am Ende reflektiert. Diese Zusammenhänge werden im Kapitel 3 über die Leitungstheorie detailliert untersucht.

1.3.3 Antennen und Abstrahlung elektromagnetischer Wellen

Als zweites Beispiel betrachten wir die geometrisch einfache Struktur in Bild 1.4a. Eine metallische Fläche mit der Kantenlänge befindet sich über einer durchgehenden metallischen Massefläche. Zwischen den beiden Metallflächen befindet sich ein Isolationsmaterial (Dielektrikum). Über zwei Klemmen kann die Struktur gespeist werden.

Der geometrische Aufbau erinnert an einen Plattenkondensator, bei dem sich ein homogenes elektrisches Feld zwischen den Metallflächen einstellt. Folglich erhalten wir bei niedrigen Frequenzen (die geometrischen Ablassungen liegen deutlich unter der Wellenlänge) auch ein kapazitives Verhalten mit $Y=j\omega C$ (Bild 1.4b). Mit steigender Frequenz ergibt sich aufgrund der unvermeidbaren Induktivität der Zuleitungen ein resonantes Verhalten. Bei hohen Frequenzen taucht nun ein gänzlich neues Phänomen auf. Wenn die Kantenlänge in den Bereich einer halben Wellenlänge kommt, wird elektromagnetische Energie abgestrahlt. Die Struktur kann nun als Antenne (Patch-Antenne) verwendet werden (siehe Kapitel 7).



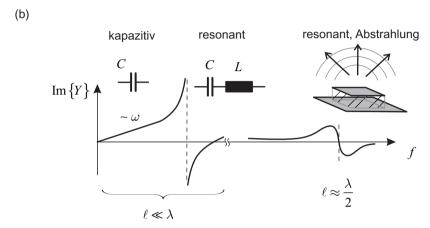


Bild 1.4 Verhalten einer geometrisch einfachen Struktur bei niedrigen und hohen Frequenzen: (a) Aufbau der Struktur und (b) Frequenzverlauf des Imaginärteiles der Admittanz

Dieses Beispiel verdeutlicht, dass bei hohen Frequenzen auch geometrisch einfache Formen ein komplexes Verhalten zeigen können. Das Verhalten ist mit den Methoden der Netzwerktheorie nicht mehr zu beschreiben und erfordert den Einsatz feldtheoretischer Verfahren.

1.4 Ausblick auf die folgenden Kapitel

Um die Funktionsweise passiver hochfrequenter Schaltungen zu verstehen, benötigen wir zunächst grundlegende Kenntnisse im Bereich der elektromagnetischen Feldtheorie und Wellenausbreitung. Die hier auftauchende mathematisch aufwendige Beschreibung in Kapitel 2 sollte den Leser jedoch nicht entmutigen, da sie in erster Linie bei Herleitungen benötigt wird. In der praktischen Arbeit werden die mathematischen Aufgaben von modernen Schaltungsund Feldsimulationsprogrammen übernommen. Dennoch ist es für Ingenieurinnen und Ingenieure entscheidend, auch diese mathematischen Grundlagen des Faches zu kennen. Nicht zuletzt, um gegenüber kommerziellen Softwareprodukten nicht die Integrität zu verlieren und die Ergebnisse in Hinsicht auf ihre Plausibilität und Qualität bewerten zu können.

Leitungen sind ein wesentliches, allgegenwärtiges Element in hochfrequenten Schaltungen. Die im Grunde sehr einfache Leitungsstruktur zeigt erstaunlich vielfältige Einsatzmöglichkeiten. In Kapitel 3 werden wir Spannungs- und Stromwellen auf Leitungen kennenlernen und hieraus die zur Beschreibung notwendigen Zusammenhänge detailliert herleiten. Die elementaren Rechnungen lassen sich leicht nachvollziehen und legen so ein sicheres Fundament für

den immer wiederkehrenden Umgang mit Leitungen. Eine kurze Einführung in das Smith-Diagramm als klassisches Darstellungsinstrument in der Hochfrequenztechnik schließt die Betrachtung harmonischer Signale ab. Im letzten Abschnitt des Kapitels übertragen wir die gefundenen Zusammenhänge auf sprung- und impulsförmige Signale, um das Verhalten von Leitungen auch bei den in der Digitaltechnik wichtigen Signalen zu verstehen.

Nach den grundsätzlichen Leitungsbeschreibungen im vorhergehenden Kapitel werden in Kapitel 4 nun technisch bedeutsame Leitungstypen wie die Koaxialleitung, planare Leitungsstrukturen und Hohlleiter vorgestellt. Das Kapitel geht auch auf die für den Schaltungsentwurf von Filtern und Kopplern wichtigen Begriffe der Gleich- und Gegentaktsignale auf Leitungen ein.

In Kapitel 5 führen wir die Streuparameter ein, die verwendet werden, um das Verhalten hochfrequenter Schaltungen zu beschreiben. Streuparameter verknüpfen Wellengrößen an den Toren von HF-Schaltungen. Das Kapitel schließt somit inhaltlich an die Wellenphänomene aus Kapitel 3 an. Der Vorteil von Streuparametern gegenüber den bei niedrigen Frequenzen bevorzugten Impedanz- und Admittanzmatrizen liegt in der auch bei hohen Frequenzen direkten Messbarkeit mit Netzwerkanalysatoren.

Mit dem bisher erworbenen grundlegenden Wissen sind wir in der Lage, den Beschreibungen von wichtigen passiven Grundschaltungen der Hochfrequenztechnik in Kapitel 6 zu folgen. Wir werden sehen, dass sich durch überlegte Verschaltung von Leitungen Anpassschaltungen, Filter, Leistungsteiler und Koppler realisieren lassen. Von ausführlichen Herleitungen werden wir hier weitgehend absehen, vielmehr lernen wir wichtige Entwurfsverfahren kennen und vollziehen diese an Beispielen und Aufgaben nach. Die Beispiele werden mit Schaltungsund Feldsimulatoren durchgespielt und zeigen so den Umgang mit diesen Werkzeugen auf. In einem kurzen Abschnitt geben wir einen Ausblick auf elektronische Schaltungen, die in diesem Buch nicht im Detail behandelt werden, deren grundlegende Begriffe aber kurz dargestellt werden.

Bei der Funkkommunikation stellt die Antenne das Verbindungsglied zwischen den Wellen im freien Raum und den leitungsgebundenen Signalen in einer Schaltung dar. In Kapitel 7 werden zunächst technisch wichtige Kenngrößen zur Beschreibung des Strahlungsverhaltens von Antennen vorgestellt. Zur Vertiefung des physikalischen Verständnisses leiten wir die Funktionsweise eines elementaren Antennenelements mathematisch detailliert her. Im Folgenden werden wichtige praktische Einzel- und Gruppenstrukturen von Antennen betrachtet und Entwurfsregeln an Beispielen erprobt.

Bei der Bewertung von Funksystemen reicht es nicht aus, die Antennen isoliert zu betrachten, vielmehr müssen auch die Einflüsse der Umgebung auf die Wellenausbreitung zwischen den Antennen mit einbezogen werden. Kapitel 8 stellt dazu grundlegende Ausbreitungsphänomene und deren Auswirkung auf die Nachrichtenübertragung vor. Das Buch schließt mit einem kurzen Ausblick auf empirische und physikalische Modelle für die Funkfelddämpfung.

2

Elektromagnetische Felder und Wellen

In diesem Kapitel werden zunächst die elektromagnetischen Feldgrößen vorgestellt, wie sie für den statischen – also zeitunabhängigen – Fall definiert sind. Es wird der Zusammenhang zwischen den Feldgrößen und den Netzwerkgrößen wie Strom und Spannung verdeutlicht. Die Maxwell'schen Gleichungen in Verbindung mit den Stetigkeitsbedingungen dienen dann der vollständigen Beschreibung des elektromagnetischen Verhaltens für zeit- und ortsvariante Feldgrößen. Schließlich werden einige wichtige Lösungen der Maxwell'schen Gleichungen besprochen, die in nachfolgenden Kapiteln für das Verständnis der hochfrequenztechnischen Eigenschaften notwendig sind.

Detaillierte Darstellungen zum Thema der elektromagnetischen Feldtheorie sind in gut verständlicher Form unter anderem in folgenden Büchern zu finden: [Bala89] [Blum88] [Flei08] [Ida07] [Kark12] [Krau99] [Leuc95] [Schw02].

2.1 Physikalische und mathematische Grundlagen

Im Folgenden rekapitulieren wir grundlegende feldtheoretische und mathematische Zusammenhänge, um eine erste anschauliche Vorstellung des elektrischen und magnetischen Feldes zu gewinnen.

2.1.1 Elektrostatische Feldgrößen

Wir beginnen mit den elektrischen Feldgrößen für den zeitunabhängigen (statischen) Fall und erklären die Bedeutung der Netzwerkgrößen Spannung und Kapazität.

2.1.1.1 Elektrische Feldstärke und Spannung

Historisch hat man schon früh die Bedeutung von elektrischen *Ladungen* erkannt und festgestellt, dass sich Ladungen durch ihre Kraftwirkungen aufeinander auszeichnen. Man unterscheidet *positive* und *negative* Ladungen, wobei sich gleichnamige Ladungen abstoßen und ungleichnamige Ladungen anziehen.

Der Betrag der *Coulomb*-Kraft \vec{F}_C zwischen zwei Ladungen Q_1 und Q_2 , die sich im Abstand r zueinander befinden, kann mit nachfolgender Gleichung berechnet werden.

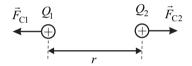
$$F_{\rm C} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \cdot \frac{Q_1 Q_2}{r^2} \tag{2.1}$$

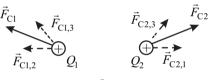
Die Dielektrizitätskonstante ε_0 besitzt den Wert 8,854· 10^{-12} As/(Vm). Die Richtung der Kraft ergibt sich auf einer gedachten Verbindungsgeraden zwischen den Punktladungen, wobei die Kräfte bei ungleichnamigen Ladungen aufeinander zu zeigen und bei gleichnamigen Ladungen voneinander weg zeigen (Bild 2.1). Falls mehr als zwei Ladungen vorhanden sind, so können paarweise die Kräfte ermittelt und nach dem *Superpositionsprinzip* vektoriell überlagert werden.

Ladungen sind naturgemäß gequantelt und kommen nur in ganzzahligen Vielfachen der *Elementarladung e* = $1,602 \cdot 10^{-19}$ C vor. Diese Quantelung spielt aber makroskopisch – also bei Vorhandensein einer ausreichend großen Anzahl von Ladungsträgern – keine Rolle, so dass wir im Folgenden von einer kontinuierlichen Ladungsmenge ausgehen wollen.

(a) Zwei gleichnamige Ladungen







(b) Zwei ungleichnamige Ladungen





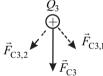


Bild 2.1 Coulomb-Kraft zwischen (a) zwei gleichnamigen Ladungen, (b) zwei ungleichnamigen Ladungen und (c) drei Ladungen

Bei den bislang betrachteten Ladungen handelte es sich um Punktladungen, bei denen die Ladungsmenge in einem singulären Raumpunkt angenommen wird. Bei kontinuierlich im Raum verteilten Ladungen verwendet man zur Beschreibung die *Raumladungsdichte* ρ (Einheit $[\rho] = C/m^3$). Die Gesamtladung Q erhalten wir dann durch die Integration über das ladungserfüllte Volumen V.

$$Q = \iiint_{V} \rho \, \mathrm{d}\nu \tag{2.2}$$

Im Folgenden wollen wir uns vom Begriff der Kraft lösen, indem wir eine neue physikalische Größe einführen. Hierzu beziehen wir die auf die Ladung Q_2 wirkende Kraft auf die Ladung Q_2 selbst. Wir erhalten damit die *elektrische Feldstärke* \vec{E}_1 der Ladung Q_1 am Ort der Ladung Q_2 .

$$\vec{E}_1 = \frac{\vec{F}_2}{O_2} \tag{2.3}$$

Die elektrische Feldstärke gibt also die Richtung der Kraftwirkung auf eine Probeladung Q_2 an, die sich in der Nähe einer Ladung Q_1 befindet. Obgleich hier rechentechnisch nur eine Quo-

tientenbildung vorgenommen und damit eine von Q_2 unabhängige Größe geschaffen wird, bedeutet die neue Größe doch mehr als die Normierung einer Kraft.

Mathematisch wird die elektrische Feldstärke \vec{E} nun als ein *Vektorfeld* interpretiert, welches jedem Raumpunkt einen Vektor zuweist. Das elektrische Feld \vec{E}_1 einer Punktladung Q_1 im Ursprung ist damit in Kugelkoordinaten durch folgende Gleichung gegeben:

$$\vec{E}_1(r) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \cdot \frac{Q_1}{r^2} \vec{e}_r \quad . \tag{2.4}$$

Ein solches Vektorfeld kann durch sogenannte Feldlinienbilder anschaulich dargestellt werden. Bild 2.2 zeigt Feldlinienbilder unterschiedlicher Ladungsverteilungen. Den Feldlinienbildern kann so anschaulich die Richtung und der Betrag entnommen werden: Die vektorielle Größe \vec{E} ist dabei immer tangential zu den Feldlinien gerichtet und die Liniendichte deutet die Amplitude der Feldstärke an.

Wenn man sich den Verlauf der Feldlinien und damit die Richtung der Kraftwirkung auf eine positive Ladung in den Bildern ansieht, so fällt auf, dass diese immer von den positiven Ladungen weg- und zu den negativen Ladungen hinführen. Man könnte auch sagen, dass die positiven Ladungen die *Quellen* des elektrostatischen Feldes darstellen (hier entspringen die Feldlinien) und dass die negativen Ladungen die *Senken* sind (hier enden die elektrischen Feldlinien).

Die Feldlinien des elektrostatischen Vektorfeldes besitzen Anfang und Ende. Ein Vektorfeld, welches Quellen entspringt und in Senken endet, bezeichnet man als *Quellenfeld*.

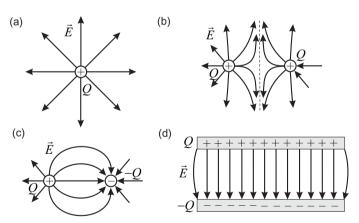


Bild 2.2 Elektrische Feldlinienbilder (a) einer positiven Punktladung, (b) zwischen zwei gleichnamigen Ladungen, (c) zwischen zwei ungleichnamigen Ladungen und (d) in einer Plattenkondensatoranordnung

Bewegen wir eine Ladung Q_2 nun im Feld einer anderen Ladung Q_1 , so geschieht diese Bewegung unter Einfluss einer Kraft. Die Physik lehrt uns, dass hierbei *Arbeit* verrichtet wird. Für den Fall der Verschiebung einer Ladung vom Punkt \vec{r}_A zum Punkt \vec{r}_B kann die Arbeit $W_{\vec{r}_A\vec{r}_B}$

berechnet werden.

$$W_{\vec{r}_{A}\vec{r}_{B}} = \int_{\vec{r}_{A}}^{\vec{r}_{B}} \vec{F}_{2} \cdot d\vec{s} = \int_{\vec{r}_{A}}^{\vec{r}_{B}} Q_{2}\vec{E}_{1} \cdot d\vec{s} = Q_{2} \int_{\vec{r}_{A}}^{\vec{r}_{B}} \vec{E}_{1} \cdot d\vec{s} = Q_{2}U$$
(2.5)

Zwischen der Kraft \vec{F} und dem Wegelement d \vec{s} steht das Skalarprodukt, so dass also stets nur der Kraftanteil in Richtung des Weges einen Betrag liefert. In Gleichung (2.5) kann die konstante Ladung Q_2 aus dem Integral gezogen werden. Das Linienintegral über die elektrische Feldstärke \vec{E} liefert nun eine neue Größe, die wir als *Spannung* bezeichnen.

$$U = \int_{\vec{r}_{A}} \vec{E} \cdot d\vec{s} \tag{2.6}$$

Die Spannung U ist im Gegensatz zur elektrischen Feldstärke E nun keine Feldgröße mehr, denn die Spannung ist zwischen zwei Punkten definiert und nicht an einem Raumpunkt.

Man kann nun aber in Anlehnung an den Spannungsbegriff eine neue Feldgröße definieren, indem man den Anfang oder den Endpunkt des Integrals als Referenzpunkt festhält. Dies führt zum Begriff des *elektrostatischen Potentials* ϕ . Das Potential ϕ bezogen auf den Referenzpunkt \vec{r}_0 können wir mit Hilfe folgender Gleichung schreiben:

$$\phi_{\vec{r}_0}(\vec{r}) = \int_{\vec{r}}^{\vec{r}_0} \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad . \tag{2.7}$$

Das Potential stellt ein *Skalarfeld* dar, welches jedem Raumpunkt einen skalaren Potentialwert zuweist. Das Potential entspricht damit im statischen Fall der Spannung zwischen dem Raumpunkt \vec{r} und dem Referenzpunkt \vec{r}_0 .

Im Falle elektrostatischer Felder kann aus dem Potential auch direkt wieder die elektrische Feldstärke berechnet werden. Wir benötigen hierzu die Gradientfunktion, die sich in kartesischen Koordinaten als Summe der partiellen Ableitungen in die drei kartesischen Raumrichtungen schreiben lässt.

$$\vec{E} = -\operatorname{grad}\phi = -\nabla\phi = -\left(\frac{\partial\phi}{\partial x}\vec{e}_x + \frac{\partial\phi}{\partial y}\vec{e}_y + \frac{\partial\phi}{\partial z}\vec{e}_z\right)$$
(2.8)

Die Gradientfunktion überführt das skalare Potentialfeld in ein Vektorfeld. Der Vektor grad ϕ zeigt dabei in jedem Raumpunkt stets in Richtung der *größten Änderung* der Potentialfunktion. Aus diesem Grund wird die Gradientfunktion auch bei Optimierungen verwendet, denn auf der Suche nach einem Maximum oder Minimum kommt man in der Regel am schnellsten voran, wenn man sich in einer Richtung bewegt, in der die Funktionswerte sich besonders rasch ändern.

Interessant ist, dass es im Prinzip unendlich viele Potentialfelder gibt, da der Referenzpunkt \vec{r}_0 frei wählbar ist. Eine Verschiebung des Referenzpunktes verändert den Integrationsweg und