200 Matheübungen wie in der Schule 5-10 Text- und Sachaufgaben



vom Schulbuch-Profi

mit Sach- und Textaufgaben fit in Mathe werden



Heike Homrighausen

200 Matheübungen wie in der Schule 5 – 10 Textaufgaben • Sachaufgaben

Heike Homrighausen ist Gymnasiallehrerin für Mathematik und Geschichte in Baden-Württemberg.

Bildnachweis:

S. 14: Marder: Juniors Bildarchiv, Sven-Uwe Junior; Kaninchen und Meerschweinchen: MEV Verlag GmbH, Augsburg; Igel: Klett-Archiv, Stuttgart (Steffen Jähde, Berlin) – S. 45, 64 und 69: Klett-Archiv, Stuttgart – S. 77: dpa Picture-Alliance GmbH, Frankfurt am Main (Bürschaper) – S. 83: MEV Verlag GmbH, Augsburg – S. 108: Corbis GmbH, Düsseldorf (RF) – S. 123: Ullstein, Bild GmbH (AP), Berlin – S. 140: Avenue Images GmbH, Hamburg (Ingram Publishing) – S.141: BigStockPhoto.com, Davis, CA (Fotosmurf01)

Bibliografische Information der Deutschen Nationalbibliothek Die Deutsche Nationalbibliothek verzeichnet diese Publikation in der Deutschen Nationalbibliografie; detaillierte bibliografische Daten sind im Internet über http://dnb.d-nb.de abrufbar.

Das Werk und seine Teile sind urheberrechtlich geschützt. Jede Nutzung in anderen als den gesetzlich zugelassenen Fällen bedarf der vorherigen schriftlichen Einwilligung des Verlages.

Hinweis zu §52a UrhG: Weder das Werk noch seine Teile dürfen ohne eine solche Einwilligung eingescannt und in ein Netzwerk eingestellt werden. Dies gilt auch für Intranets von Schulen und sonstigen Bildungseinrichtungen. Fotomechanische Wiedergabe nur mit Genehmigung des Verlages.

Auflage 4 3 2 | 2015 2014 2013 Die letzten Zahlen bezeichnen jeweils die Auflage und das Jahr des Druckes.

© Klett Lerntraining, c/o PONS GmbH, Stuttgart 2012. Alle Rechte vorbehalten. www.klett.de/lernhilfen

Redaktionsassistenz: Verena Malmsheimer, Stuttgart

Zeichnungen: Steffen Jähde, Berlin: S. 70; Sven Palmowski, Barcelona: S. 85

Umschlaggestaltung: Sabine Kaufmann, Stuttgart

Umschlagfoto: Klett-Archiv, Stuttgart; Fotograf: Thomas Weccard, Ludwigsburg

Satz: DTP-Studio Andrea Eckhardt, Göppingen

ISBN 978-3-12-050158-9

5

So übst du mit dem Buch

5./6. Klasse	Übungen	Seite
Große Zahlen	1-4	8
Rechenregeln	5-8	1′
Größen	9-16	13
Geometrie in der Ebene	17-27	18
Geometrie im Raum	28 – 34	2!
Negative Zahlen	35-36	29
Brüche und Dezimalzahlen	37 – 54	30
Wahrscheinlichkeiten	55 - 56	40
Winkel und Symmetrie	57-61	4′
Dreisatz	62-65	44
Terme und Gleichungen	66-70	46
Aufgaben zur Vorbereitung		
auf die Vergleichsarbeit	71-80	49
7./8. Klasse		
Prozente	81-86	56
Zuordnungen/Lineare Funktionen	87-95	62
Terme und Gleichungen	96-98	68
Lineare Gleichungssysteme	99 – 100	70
Wahrscheinlichkeiten	101-109	7′
Geometrische Beziehungen	110 – 111	7!
Kongruenz	112-115	77
Quadratische Funktionen	116-122	80
Quadratische Gleichungen	123 - 126	8
Beweise	127-130	87
Aufgaben zur Vorbereitung		
auf die Vergleichsarheit	131 – 140	80

3

INHALTSVERZEICHNIS

9./10. Klasse	Übungen	Seite
Ähnlichkeit, Strahlensätze	141 – 147	96
Satzgruppe des Pythagoras	148 – 150	101
Trigonometrie in rechtwinkligen Dreiecken	151 – 157	104
Potenzen	158 – 160	110
Kreise und Körper	161 – 165	113
Funktionen und ihre Eigenschaften	166 - 172	117
Vektoren	173 – 174	124
Wachstumsvorgänge	175 - 183	126
Wahrscheinlichkeiten	184 – 190	131
Aufgaben zur Vorbereitung		
auf die Vergleichsarbeit	191-200	138
Lösungen		146

Liebe Schülerin, lieber Schüler,

kennst du das: Du sollst eine Matheaufgabe lösen und weißt einfach nicht wie? Die Zeit in der Klassenarbeit rennt dir davon, und es steht immer noch nichts auf dem Papier? Keine Panik! Das Lösen von Matheaufgaben kannst du lernen. Übung macht hier den Meister!

Dieses Buch bietet dir alles, was du für ein zielgerichtetes und erfolgreiches Training brauchst. 200 abwechslungsreiche Übungen machen dich fit im Lösen von Matheaufgaben und bereiten dich perfekt auf die nächste Klassenarbeit vor.

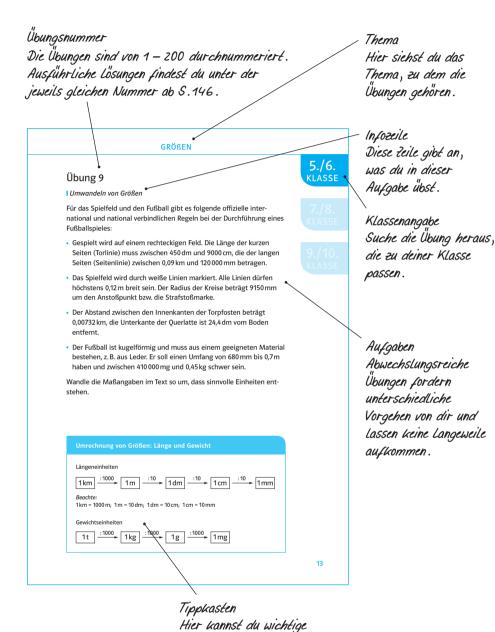
Ob Rechnen mit Brüchen, Wahrscheinlichkeiten, Prozente, Funktionen, Terme und Gleichungen oder geometrische Problemen, – alle wichtigen Themen der Klassen 5–10 werden in den Übungen berücksichtigt.

Im Inhaltsverzeichnis findest du unter den Doppelschuljahren 5/6, 7/8 und 9/10 alle Themen, die du üben kannst, übersichtlich zusammengestellt.

Wähle dir einfach das Thema aus, das dir Probleme macht. **Ausführliche Lösungen** helfen dir, deine Ergebnisse selbstständig zu überprüfen.

Schlechte Noten in Mathe? Das war einmal, das wirst du bald sehen!

Viel Erfolg und Freude beim Üben wünschen dir deine Redaktion Klett Lerntraining und deine Autorin!



Formeln, Regeln, Tipps oder Hilfestellungen nachlesen.



7./8.
KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 1

Große Zahlen; Diagramme

Der Begriff "Kontinent" (lat. "zusammenhängendes Land") bezeichnet geschlossene Festlandmassen. Wissenschaftler teilen die Welt in 7 Kontinente ein. Antarktika hat eine Größe von 13 200 000 km² und 4000 Einwohner, Australien ist 8 500 000 km² groß und hat 34 000 000 Einwohner. Nordamerika mit einer Größe von 24 900 000 km² hat 523 000 000 Einwohner und Südamerika hat 381 000 000 Einwohner bei einer Größe von 17 800 000 km². Europa ist 10 500 000 km² groß und hat 733 000 000 Einwohner, während in Asien bei einer Größe von 44 400 000 km² 4 010 000 000 Einwohner leben. Der letzte Kontinent ist Afrika. Bei einer Größe von 30 300 000 km² leben dort 944 000 000 Einwohner.

- a) Lies die Zahlen im Text und schreibe sie in Buchstaben.
- b) Ordne die Kontinente nach ihrer Größe und zeichne ein passendes Balkendiagramm.
- c) Ordne die Kontinente nach ihrer Einwohnerzahl und zeichne ein passendes Säulendiagramm.

Große Zahlen

Große Zahlen **unter einer Million** schreibt man **zusammen**. Das kann unter Umständen ein ziemlich langes Wort ergeben. *Beispiel:* 251972

zweihunderteinundfünfzigtausendneunhundertzweiundsiebzig.

Große Zahlen **über einer Million** schreibt man **getrennt**, da "Million", "Milliarde", ... Substantive sind.

Beispiel: 301052350222

dreihunderteins Milliarden zweiundfünfzig Millionen dreihundertfünfzigtausendzweihundertzweiundzwanzig

Übung 2

Große Zahlen; Diagramme

Das Land in Europa mit der größten Fläche ist Russland mit siebzehn Millionen fünfundsiebzigtausendvierhundert km², die kleinste Fläche hat der Vatikan mit vierhundertvierzigtausend m². In Russland leben auch die meisten Einwohner, nämlich hundertzweiundvierzig Millionen achthundertdreiundneunzigtausendfünfhundertvierzig. Das Land mit der höchsten Einwohnerdichte ist Monaco. Dort leben sechzehntausendsechshundertzwanzig Einwohner pro km². Moskau ist die größte Metropole mit vierzehn Millionen fünfhundertzwanzigtausendachthundert Einwohnern. Durch Russland fließt auch der längste Fluss Europas, die Wolga, mit einer Länge von dreitausendfünfhundertvierunddreißig km.

- a) Schreibe die Zahlenangaben im Text in Ziffern.
- b) Wie groß ist der Größenunterschied zwischen Russland und dem Vatikan?

Übung 3

Große Zahlen; Runden

Eine Zeitungsagentur meldet, dass auf der Fanmeile in Berlin 550 000 Zuschauer waren. Diese Zahl ist auf Zehntausender gerundet. Wie viele Zuschauer waren es mindestens, wie viele höchstens?

Antwort:	
Es waren mindestens	Zuschauer und höchstens
Zuschauer.	

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 4

Große Zahlen; Runden; Diagramme; Dividieren

Mika findet in einem Lexikon über die größten Städte in Europa folgende Angaben aus dem Jahr 2007:

Madrid ist die größte Stadt in Spanien mit 3 233 054 Einwohnern und einer Fläche von 607km². Paris ist die größte Stadt in Frankreich; dort leben 2 138 551 Einwohner auf 105 km². In Italien liegt Rom an der Spitze mit 2 708 395 Einwohnern auf 1285 km². London ist mit Abstand die größte Stadt in England mit einer Fläche von 1579 km² und 7554 236 Einwohnern. Deutschland ist mit zwei Städten europäische Spitzenklasse: In Berlin leben 3 416 255 Einwohner auf 892 km², in Hamburg 1770 629 Einwohner auf 755 km². Warschau ist die größte Stadt in Polen mit 1706 624 Einwohnern und einer Fläche von 518 km².

- a) Runde die Einwohnerzahlen auf Hunderttausender und die Flächenangaben auf Hunderter.
- b) Stelle die Einwohnerzahlen und die Flächenangaben jeweils in einem Säulendiagramm dar.
- c) Berechne die Einwohnerdichte Einwohner: Fläche, also das Verhältnis von Einwohnern zur Fläche der einzelnen Städte, und stelle sie in einem Säulendiagramm dar.

Runden von Zahlen

- 1. Unterstreiche die Rundungsstelle.
- Ist die Ziffer rechts von der Rundungsstelle kleiner als 5, wird abgerundet.
 Dabei bleibt die unterstrichene Ziffer der Rundungsstelle erhalten, alle Ziffern rechts davon werden 0.

Beispiel: 3531 ≈ 3500

3. Ist die Ziffer **rechts** von der Rundungsstelle **größer oder gleich 5**, wird **aufgerundet**. Dabei wird die unterstrichene Ziffer der Rundungsstelle um 1 erhöht, alle Ziffern rechts davon werden 0.

Beispiel: 3<u>5</u>51 ≈ 3<u>6</u>00

Übung 5

Rechnen mit natürlichen Zahlen

Für den Weihnachtsmarkt backen die Schüler der Klassen 5a und 5b Schokoladenplätzchen. Insgesamt haben sie 1518 Plätzchen gebacken. Zum Probieren legen die Schüler 80 Plätzchen zur Seite. Die restlichen Plätzchen sollen in großen Tütchen zu je 20 Stück verpackt werden. Der letzte Rest kommt in kleine Tütchen zu je 3 Stück.

Wie viele große und kleine Tütchen werden zum Verpacken benötigt?

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 6

Natürliche Zahlen; Rechenregeln; Rechenausdrücke

Schreibe einen Rechenausdruck auf und berechne ihn.

- a) Dividiere die Differenz von 51 und 15 durch die Summe aus 8 und 4.
- b) Multipliziere die Differenz aus 148 und 53 mit der Summe aus 258 und 941.
- c) Subtrahiere vom Produkt der Zahlen 13 und 351 die Summe der Zahlen 254 und 571 und multipliziere diese Differenz mit dem Quotienten der Zahlen 50 904 und 14.

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 7

Große Zahlen; Rechenregeln

Folgende Filme waren in den Kino-Charts 2007 ganz weit vorne: *Ratatouille* mit 5 911 000 Besuchern, *Mr. Bean macht Ferien* mit 3 411 000 Besuchern, *Die Simpsons* mit 4 592 000 Besuchern und *Piraten der Karibik III* mit 6 073 000 Besuchern. An der Spitze lag *Harry Potter V* mit 7 076 000 Zuschauern.

Wie viele Besucher haben diese Filme insgesamt gesehen?

Übung 8

Große Zahlen; Rechenregeln

Im Jahr 2007 hatte der Stuttgarter Flughafen 10 328 120 Passagiere. Das waren 216 774 Passagiere mehr als im Vorjahr. 2007 hatte der Frankfurter Flughafen 54 157 817 Passagiere, im Jahr 2006 waren es noch 52 821 778. In Berlin-Tegel gab es 13 357 741 Passagiere im Jahr 2007, 2006 waren es 11 812 625 Fluggäste.

- a) Wie viele Passagiere hatte der Stuttgarter Flughafen 2006?
- b) Wie viele Passagiere hatte der Frankfurter Flughafen 2007 mehr als im Vorjahr?
- c) Wie viele Passagiere hatten die drei Flughäfen zusammen im Jahr 2007?
- d) Welcher Flughafen hatte 2007 im Verhältnis den größten Zuwachs an Passagieren?

Tipp:

"Verhältnis" heißt "Quotient", d.h. berechne mit dem Taschenrechner den Quotienten Zuwachs: Passagierzahl.

Übung 9

Umwandeln von Größen

Für das Spielfeld und den Fußball gibt es folgende offizielle international und national verbindlichen Regeln bei der Durchführung eines Fußballspieles:

- Gespielt wird auf einem rechteckigen Feld. Die Länge der kurzen Seiten (Torlinie) muss zwischen 450 dm und 9000 cm, die der langen Seiten (Seitenlinie) zwischen 0,09 km und 120 000 mm betragen.
- Das Spielfeld wird durch weiße Linien markiert. Alle Linien dürfen höchstens 0,12 m breit sein. Der Radius der Kreise beträgt 9150 mm um den Anstoßpunkt bzw. die Strafstoßmarke.
- Der Abstand zwischen den Innenkanten der Torpfosten beträgt 0,00732 km, die Unterkante der Querlatte ist 24,4 dm vom Boden entfernt.
- Der Fußball ist kugelförmig und muss aus einem geeigneten Material bestehen, z.B. aus Leder. Er soll einen Umfang von 680 mm bis 0,7 m haben und zwischen 410 000 mg und 0,45 kg schwer sein.

Wandle die Maßangaben im Text so um, dass sinnvolle Einheiten entstehen.

Umrechnung von Größen: Länge und Gewicht Längeneinheiten 1dm Beachte: 1km = 1000 m; 1m = 10 dm; 1dm = 10 cm; 1cm = 10 mm Gewichtseinheiten 1t

7./8. KLASSE,

9./10. KLASSE

Übung 10

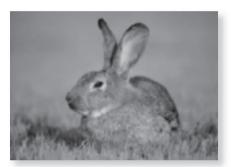
Umwandeln von Größen

In einem Lexikon findet man die folgenden Angaben zu den Gewichten von Tieren:

Ein Marder wiegt zwischen $\frac{3}{4}$ kg und 1,75 kg, ein Wildkaninchen etwa 1,5 kg, ein Meerschweinchen zwischen 0,8 kg und $\frac{3}{2}$ kg und ein Igel bis 1,25 kg.

Schreibe die Gewichte der Tiere in Gramm (g).





Marder: _____

Wildkaninchen:





Meerschweinchen: _____

Igel: _____

Übung 11

- Rechnen mit Größen
- a) Familie Bubeck f\u00e4hrt mit dem Auto in die Ferien. Bei der Abfahrt zeigt der Kilometerz\u00e4hler 52 072 km an, bei der R\u00fcckehr 54 005 km. Wie viele Kilometer sind sie gefahren?
- b) Als Herr Maier sein Auto gekauft hat, zeigte der Tachometer 17893 km. Seitdem ist er 25432 km gefahren.
 Was zeigt der Tachometer jetzt an?

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 12

Rechnen mit Größen

Es ist Familientag im Freizeitpark. Zur Feier des Tages kostet jede Eintrittskarte 12 €.

Wie viele Besucher waren an diesem Tag im Park, wenn die Gesamteinnahmen 42936€ betrugen?

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 13

Umwandeln von Größen; Rechnen mit Größen

Ein Autotransporter darf mit maximal acht Autos mit einem Gesamtgewicht von 9,94t beladen werden. Er soll vier Kombis mit einem Gewicht von jeweils 1,52t, drei Kleinwagen mit einem Gewicht von je 870 kg und einen Geländewagen mit einem Gewicht von 2,4t mitnehmen. Überschreitet der Transporter das zulässige Gesamtgewicht?

Größen mit Komma

Wichtig für das Umwandeln von Größen mit Komma ist die Umrechnungszahl. Sie beträgt bei den Gewichten 1000.

Beim Umwandeln in eine nächst **größere** Einheit verschiebst du das Komma um die Anzahl der Nullen in der Umrechnungszahl nach **links**, beim Umwandeln in eine nächst **kleinere** Einheit verschiebst du das Komma entsprechend nach **rechts**.

Entstehen Lücken, musst du Nullen auffüllen. Beispiel: 5,26 kg = 5260 g

Übung 14

Umwandeln von Größen: Zeit

Juri Gagarin war ein sowjetischer Kosmonaut und der erste Mensch im Weltall. Am 12. April 1961 startete er um 9.07 Uhr Moskauer Zeit zu seinem bemannten Raumflug. Nach 108 Minuten im All kehrte er wohlbehalten wieder zur Erde zurück.

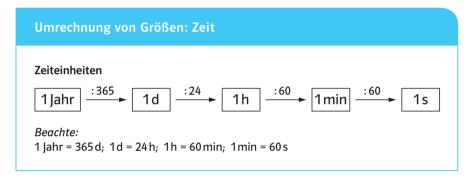
Gib den Zeitpunkt der Landung an.

Übung 15

Umwandeln von Größen: Zeit

Der Apollo-11-Mission der amerikanischen Raumfahrtbehörde NASA gelang die erste Landung auf dem Mond. Am 20. Juli 1969 um 20.18 Uhr landete die Mondfähre auf dem Mond. Der Aufenthalt auf dem Mond dauerte insgesamt 21 Stunden und 36 Minuten. Am 24. Juli 1969 um 16.52 Uhr ereichte die Raumkapsel wieder die Erde.

- a) Berechne den Zeitpunkt des Starts vom Mond.
- b) Wie lange dauerte der Rückflug?



Übung 16

Umwandeln von Größen: Zeit; Rechenregeln

Die Serie "Gute Zeiten, schlechte Zeiten" ist mit bisher über 4050 ausgestrahlten Folgen die erfolgreichste Seifenoper Deutschlands. Seit dem Sendestart am 11. Mai 1992 wird die Serie montags bis freitags von 19.40 Uhr bis 20.15 Uhr ausgestrahlt.

- a) Angenommen, du schaust alle 4050 bisherigen Sendungen hintereinander an und schläfst 8 Stunden am Tag. Reichen deine Sommerferien dazu?
- b) Auf eine normale DVD passen 120 Minuten Sendezeit. Wie viele DVDs bräuchte man, um alle Sendungen aufzuzeichnen?
- c) Eine DVD in einer dünnen Hülle ist 0,5 cm breit. Welchen Platz nehmen die DVDs mit allen Folgen ein?

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 17

Flächeninhalt: Rechteck

Familie Bauer hat einen rechteckigen Garten, der 12 m breit und 84 m lang ist. An einer der schmaleren Seiten ist eine Hecke. An den anderen drei Seiten befindet sich ein Zaun.

- a) Wie lang ist der Zaun?
- b) Wie groß ist der Garten?
- c) Auf der einen Hälfte des Gartens wächst ein schöner grüner Rasen. Wie lange braucht Herr Bauer zum Rasenmähen, wenn er mit seinem Rasenmäher in einer Viertelstunde 48 m² schafft?

Das Rechteck

Flächeninhalt

Für den Flächeninhalt eines Rechtecks gilt die Formel:

Flächeninhalt = Länge · Breite = l · b



Länge l

Umfang

Für den Umfang eines Rechtecks gilt die Formel:

Umfang = Länge + Breite + Länge + Breite

- = 2 · Länge + 2 · Breite
- = $2 \cdot (L\ddot{a}nge + Breite) = 2 \cdot (l + b)$

Übung 18

Flächeninhalt und Umfang: Rechteck; Umwandeln von Größen

Ein nationales Fußballfeld darf folgende Maße haben: Die Länge der kurzen Seiten (Torlinie) muss zwischen 45 und 90 Meter, die der langen Seiten (Seitenlinie) zwischen 90 und 120 Meter betragen; theoretisch zulässige annähernd quadratische Spielfelder kommen in der Praxis aber nicht vor. Üblich sind 68 Meter auf 105 Meter wegen der in Leichtathletikstadien umlaufenden 400-m-Kunststoffbahn mit 100-m-Gerade. Diese Spielfeldgröße muss auch in einigen Europacupwettbewerben exakt eingehalten werden.

- a) Berechne den kleinst- und den größtmöglichen Flächeninhalt und den kleinst- und den größtmöglichen Umfang der nationalen Fußballfelder.
- b) Gib alle Flächenangaben in m², a und ha an und alle Umfänge in km.

Umrechnung von Größen: Flächeninhalt Flächeneinheiten :100 :100 $1 \, \text{km}^2$ 1ha 1a 1 m²1cm² 1dm² $1m^2$ Beachte: $1 \text{km}^2 = 100 \text{ ha}$; 1 ha = 100 a; $1 \text{a} = 100 \text{ m}^2$; $1m^2 = 100 \,dm^2$; $1dm^2 = 100 \,cm^2$; $1cm^2 = 100 \,mm^2$

7./8. KLASSE

9./10. KLASSE

Übung 19

Flächeninhalt und Umfang: Rechteck

Ein Grundstück von 16,5 m Länge und 12 m Breite soll mit Rasen eingesät werden. Der Gärtner macht einen Kostenvoranschlag von 4€ pro m².

- a) Wie viel kostet der neue Rasen?
- b) An einer der beiden schmalen Seiten grenzt das Grundstück an eine Mauer. Der Rest des Grundstückes soll umzäunt werden. Wie lang wird der Zaun?

Übung 20

Flächeninhalt: Rechteck; Umwandeln von Flächeneinheiten

Eine rechteckiges Wiesengrundstück, das 235 m lang und 185 m breit ist, soll als Baugelände erschlossen werden. Auf Wege, Gräben und dergleichen entfallen 98,75 a. Die einzelnen Bauplätze haben jeweils eine Größe von 840 m².

Wie viele Bauplätze erhält man?

Übung 21

l Flächeninhalt: Rechteck; Umwandeln von Größen

Ein rechteckiges Feld hat eine Länge von 580 m und eine Breite von 140 m. Bauer Knolle möchte auf diesem Feld Weizen anbauen. Dafür benötigt er etwa 1,8 kg Weizensaat pro Ar.

Wie viel kg Weizensaat muss Bauer Knolle kaufen?