# Martin Schaeper

# Mehrdimensionale Ortsfiltertechnik



Mehrdimensionale Ortsfiltertechnik

Martin Schaeper

# Mehrdimensionale Ortsfiltertechnik



Dr.-Ing. Martin Schaeper Rostock, Deutschland

Zugl.: Dissertation, Universität Rostock, 2013

ISBN 978-3-658-04943-0 DOI 10.1007/978-3-658-04944-7 ISBN 978-3-658-04944-7 (eBook)

Die Deutsche Nationalbibliothek verzeichnet diese Publikation in der Deutschen Nationalbibliografie; detaillierte bibliografische Daten sind im Internet über http://dnb.d-nb.de abrufbar.

Springer Vieweg

© Springer Fachmedien Wiesbaden 2014

Das Werk einschließlich aller seiner Teile ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung, die nicht ausdrücklich vom Urheberrechtsgesetz zugelassen ist, bedarf der vorherigen Zustimmung des Verlags. Das gilt insbesondere für Vervielfältigungen, Bearbeitungen, Übersetzungen, Mikroverfilmungen und die Einspeicherung und Verarbeitung in elektronischen Systemen.

Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, dass solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz-Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benutzt werden dürften.

Gedruckt auf säurefreiem und chlorfrei gebleichtem Papier

Springer Vieweg ist eine Marke von Springer DE. Springer DE ist Teil der Fachverlagsgruppe Springer Science+Business Media. www.springer-vieweg.de

#### Vorwort

Während meiner Tätigkeit am Institut für Allgemeine Elektrotechnik der Fakultät für Informatik und Elektrotechnik der Universität Rostock entstand in Hinblick auf die Weiterentwicklung der Ortsfiltermesstechnik die vorliegende Arbeit.

Ein besonderer Dank gebührt Herrn Prof. Dr.-Ing. Nils Damaschke, dem Institutsdirektor und Leiter des Lehrstuhls für Optoelektronik und Photonische Systeme, der mir die Möglichkeiten gab, mich in die Lehre der Grundlagen der Elektrotechnik einzuarbeiten, die Lasermesstechnik und die Technische Optik zu begleiten, im Bereich der ortsfilterbasierten Messtechnik Weiterentwicklungen vorzunehmen und mich persönlich weiter entwickeln zu dürfen. Dabei sind die Offenheit zu neuen Ideen und die stete Unterstützung meiner Arbeit hervorzuheben.

Der Arbeitsgruppe, vertreten durch Dr.-Ing. Willfried Kröger, Dr. Stefan Borchert, Dipl.-Ing. Stephan Höhne, Dr.-Ing. Andre Kleinwächter, Dipl.-Ing. Eric Ebert und Dipl.-Ing. Robert Kostbade, möchte ich für ihre Hilfsbereitschaft, gewinnbringenden Diskussionen, angenehmen Gespräche und besonders für ihren Zuspruch zum Entstehen der vorliegenden Arbeit danken.

Den vielen Mitarbeitern des Instituts für Allgemeine Elektrotechnik, besonders denjenigen, mit denen ich näher zusammengearbeitet habe, danke ich für die angenehme Atmosphäre und ihre Hilfe. Weiterhin möchte ich den vielen Belegbearbeitern, Diplomanden, Bachelor- und Masterstudenten für die Bearbeitung der mitunter von mir betreuten Arbeiten danken.

Meiner Frau danke ich für ihre liebevolle Art ihrer Unterstützung und die Schaffung von zeitlichen Freiräumen zur Erstellung dieser Arbeit. Unsere kleine Familie mit unserer Tochter Sophie gibt mir sehr viel Kraft.

Rostock

Martin Schaeper

# Inhaltsverzeichnis

| 1 | Einleitung                                                               | 1  |
|---|--------------------------------------------------------------------------|----|
| 2 | Signalentstehung mehrdimensionaler Ortsfilterkonzepte                    | 5  |
|   | 2.1 Das Ortsfiltermessprinzip                                            | 5  |
|   | 2.2 Realisierungen in der optischen ortsfilterbasierten Velocimetrie     | 6  |
|   | 2.3 Signalentstehung bei Ortsfiltermesssystemen (1C)                     | 10 |
|   | 2.4 Verwendung strukturierter Array-Detektoren zur 2C Messung            | 20 |
|   | 2.5 Einfluss der Pixelapertur eines Sensorchips                          | 28 |
| 3 | Verfahren zur Schätzung der Signalfrequenz                               | 33 |
|   | 3.1 Auswerteverfahren                                                    | 33 |
|   | 3.1.1 Nulldurchgangsdetektion (Periodendauermessung)                     | 33 |
|   | 3.1.2 Leistungsdichtespektrum                                            | 35 |
|   | 3.1.3 Drehzeigerverfahren                                                | 37 |
|   | 3.1.4 Autokorrelation / Autokorrelationsphase                            | 39 |
|   | 3.2 Vergleich der Verfahren anhand von Testsignalen                      | 41 |
|   | 3.2.1 Die Cramér-Rao Schranke (Cramér-Rao Lower Bound)                   | 43 |
|   | 3.2.2 Verwendung eines harmonischen Modellsignals                        | 45 |
|   | 3.2.3 Überlagerung zweier Modellsignale für gezielte Phasensprünge       | 47 |
|   | 3.2.4 Vergleich der ermittelten Erwartungswerte                          | 49 |
|   | 3.2.5 Diskussion zur Erstellung eines verbesserten Modellsignals         | 51 |
|   | 3.2.6 Vergleich anhand realer Signale                                    | 56 |
| 4 | Mehrdimensionale ortsfilterbasierte Konzepte                             | 59 |
|   | 4.1 Betrachtungen zu mehrdimensionalen Aufnahmemethoden                  | 59 |
|   | 4.2 Vorverarbeitungen für mögliche echtzeitfähige Messsysteme            | 60 |
|   | 4.3 DSP basiertes Messsystem zur zweikomponentigen Messung               | 63 |
|   | 4.3.1 Skalierbarkeit des Messsystems                                     | 67 |
|   | 4.3.2 Messergebnisse zur Charakterisierung des Messsystems               | 68 |
|   | 4.4 Ortsfilter basierte Offlineauswertung zur Particle Image Velocimetry | 75 |
|   | 4.4.1 Messung von Blasen eines Ausströmers                               | 76 |
|   | 4.4.2 Messung an einem Kavitationskanal                                  | 81 |
|   | 4.5 Sensor-Array zur 2D/2C Messung                                       | 82 |
|   | 4.5.1 Testmessungen mit dem Sensor-Array                                 | 84 |
|   | 4.5.2 Messung der Strömung aufsteigender Blasen                          | 86 |
|   | 4.6 Spiegel-Array zur Signalbildung im optischen Pfad                    | 86 |

| 5 Zusammenfassung und Ausblick                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 5.1 Ergebnisse der Arbeit91                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
| 5.2 Ausblick zu ortsfilterbasierten Konzepten                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
| Literaturverzeichnis                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| Anhang A: Weiterführende mathematische Zusammenhänge                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| A.1 Berechnung des Vergrößerungsmaßstabes105                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| A.2 Vergleich der Überlagerung mit der Kreuzkorrelation                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| A.3 Vergleich der Ortsfilterbeschreibung mittels Faltung und Kreuzkorrelation 106                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| A.4 Korrektur der Signale aus nicht-Phasen-orthogonalen Gitterfunktionen 108                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| A.5 Shift-Korrektur bei sequenziell ausgelesenen Array-Sensoren                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
| Anhang B: Beschreibung zu entwickelten Analyseprogrammen                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
| B.1 Programm zur Signalanalyse111                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| B.2 Programmmodule der Auswerteverfahren114                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
| B.3 Programm zur Erstellung von Modellsignalen119                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| Anhang C: Daten und Angaben zur Messwertgewinnung mit dem DSP basierten                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| <b>2</b> C Messsystem                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
| C.1 Daten des Sensors S9132121                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| C.2 Daten und Angaben zum DSP-Board TMDSDSK6455122                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
| C.3 Abbildungen zur Hardware des DSP basierten 2C Messsystems                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
| 5                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
| C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br>Geschwindigkeitsmesssystem                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br>Geschwindigkeitsmesssystem                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-Geschwindigkeitsmesssystem       124         C.5 Riemenaufbau zur Erzeugung einer längenreferenzierten       129         Strukturbewegung       129         C.5.1 Genauigkeit der Referenz anhand des Streifenmusters       129         C.5.2 Erreichbare Genauigkeit des Messsystems anhand der Korrelation der beobachteten Oberflächenstruktur       131         C.5.3 Programm zur Untersuchung der erreichbaren Genauigkeit       132         C.6 Testsignal für theoretische Betrachtungen       133         Anhang D: Daten und Angaben zum Sensor-Array       137 |
| <ul> <li>C.4 Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP basierten 2C-<br/>Geschwindigkeitsmesssystem</li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |

## Abbildungsverzeichnis

| Abbildung 2.1.  | Aufbau aines optischen Ortsfiltermessevetems nach Ater (1063) 5                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
|-----------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Abbildung 2.2.  | Ruibau eines optischen Ortsintermesstystems nach Ator (1903)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |
| Abbiidung 2.2:  | realisierungen in der optischen Ortsintermesstechnik, vorrangig                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
|                 | zur Geschwindigkeitsbestimmung (Auswahl), angeordnet an                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|                 | einem Zeitpfeil                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
| Abbildung 2.3:  | Uberlagerung einer um $\Delta x$ verschobenen Intensitätsverteilung                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|                 | $i_B$ mit einer Gitterfunktion $g(x)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| Abbildung 2.4:  | Beispiel einer rechteckförmigen Gitterfunktion und das                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
|                 | dazugehörige Betragsspektrum14                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| Abbildung 2.5:  | Beispiel zur Signalentstehung bei vorgegebener Gitterfunktion                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|                 | $g\left(x\right)$ und Verschiebung der Intensitätsverteilung $i_{\!\scriptscriptstyle B}$ in positive                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|                 | <i>x</i> -Richtung16                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
| Abbildung 2.6:  | Zeitlicher Verlauf ausgewählter $a(k = 2\pi\mu)$ -Koeffizienten der                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|                 | Diskreten-Fourier-Transformation des Beispielsignals17                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| Abbildung 2.7:  | $\bigtriangleup \varphi$ -Verläufe ausgewählter Koeffizienten der zeitlich abhängigen                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|                 | Fourier-Transformierten $\underline{I}_B(t)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |
| Abbildung 2.8:  | Spektrale Charakteristik unterschiedlicher                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|                 | Intensitätsverteilungen                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
| Abbildung 2.9:  | Realisierung der räumlich orthogonalen Gitterfunktionen in $x$ -                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|                 | und $y$ -Richtung am Beispiel eines Einfach-Differenzgitters21                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| Abbildung 2.10: | Versatzbestimmung anhand einer Bildfolge, Vergleich von                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|                 | Kreuzkorrelation, Überlagerung und Gittergewichtung der                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|                 | Einzelbilder                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |
| Abbildung 2.11: | Bildung des Ortsfilter-Gitters mittels Vorgabe des                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|                 | Ortskreisfrequenzvektors k im Bildbereich                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| Abbildung 2.12: | Bildung des Ortsfilter-Gitters durch eine Linie von Koeffizienten . 27                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
| Abbildung 2.13: | Einfluss der Pixelapertur bei der Verwendung der Pixelapertur 29                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| Abbildung 2.14: | Vergleich des Einflusses der Pixelapertur bei der Verwendung                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |
| 0               | eines Rechteckgitters und eines Kosinusgitters                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| Abbildung 3.1:  | Nulldurchgangsdetektion mit "Plausibilitätstest" anhand des                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
| 0               | Beispielsignals aus Anhang C.6                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| Abbildung 3.2:  | Auswertung des Leistungsdichtespektrums des Beispielsignals                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
|                 | aus Anhang C.6                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|                 | and minimize Cromministration of the second |

| Abbildung 3.3:  | Auswertung des Beispielsignals aus Anhang C.6 mittels des                         |   |
|-----------------|-----------------------------------------------------------------------------------|---|
|                 | Drehzeigerverfahrens                                                              | 8 |
| Abbildung 3.4:  | Auswertung des Beispielsignals aus Anhang C.6 mittels der                         |   |
|                 | Autokorrelationsfunktion                                                          | 0 |
| Abbildung 3.5:  | Strategie zum Vergleich der Auswerteverfahren                                     | 1 |
| Abbildung 3.6:  | Benutzeroberfläche des Programms "Main_Signalanalysis.vi"                         |   |
|                 | zur Frequenzschätzung von Signalen4                                               | 2 |
| Abbildung 3.7:  | Signalbeispiel und Vergleich der Varianzen der betrachteten                       |   |
|                 | Auswerteverfahren                                                                 | 7 |
| Abbildung 3.8:  | Signalbeispiel und Vergleich der Varianzen der betrachteten                       |   |
|                 | Auswerteverfahren mit Phasensprüngen 4                                            | 8 |
| Abbildung 3.9:  | Mittelwerte der Ergebnisse und einfache Standardabweichung                        |   |
|                 | zur Frequenzschätzung aus den Modellsignalen5                                     | 0 |
| Abbildung 3.10: | Beispiele für Modellsignale mittels Überlagerung gefensterter                     |   |
|                 | Einzelsignale                                                                     | 4 |
| Abbildung 3.11: | Beispiel einer Modellsignalrealisierung und Vergleich der                         |   |
|                 | Unsicherheiten der betrachteten Auswerteverfahren mit der                         |   |
|                 | Cramér-Rao Schranken der Realisierungen und des Sinussignals5                     | 5 |
| Abbildung 3.12: | Vergleichsergebnisse der Auswerteverfahren anhand des                             |   |
|                 | Testsignals aus Anhang C.6                                                        | 6 |
| Abbildung 4.1:  | Prinzipzeichnung eines Messaufbaus zur planaren                                   |   |
|                 | zweidimensionalen Particle-Image-Velocimetry                                      | 9 |
| Abbildung 4.2:  | Funktionsweise des Positionssensors                                               | 3 |
| Abbildung 4.3:  | $\operatorname{DSP-basiertes}$ Mess<br>system mit einen Smart-Pixel-Sensor zur 2C |   |
|                 | Geschwindigkeitsmessung                                                           | 4 |
| Abbildung 4.4:  | Benutzeroberfläche zur Kommunikation mit dem DSP-basierten                        |   |
|                 | Messsystem                                                                        | 6 |
| Abbildung 4.5:  | Skalierbarkeit des Messsystems zur Anpassung an die                               |   |
|                 | Geschwindigkeit und die Strukturgröße des vorliegenden                            |   |
|                 | Prozesses                                                                         | 8 |
| Abbildung 4.6:  | Messaufbau zur Charakterisierung des Messsystems                                  | 9 |
| Abbildung 4.7:  | Ergebnisse bei der Änderung des Abstandes der Sensoreinheit                       |   |
|                 | zur Oberfläche                                                                    | 0 |
| Abbildung 4.8:  | Ergebnisse bei Verdrehung der Sensoreinheit,                                      |   |
|                 | Auswerteverfahren: Leistungsdichtespektrum7                                       | 2 |
| Abbildung 4.9:  | Ergebnisse bei Verdrehung der Sensoreinheit, Vergleich der                        |   |
|                 | Auswerteverfahren                                                                 | 3 |

| Abbildung 4.10: | Längenreferenzierte Ergebnisse bei verschiedenen                     |
|-----------------|----------------------------------------------------------------------|
|                 | Geschwindigkeiten, Auswerteverfahren:                                |
|                 | Leistungsdichtespektrum                                              |
| Abbildung 4.11: | Auswerteprogramm zur ortsfilterbasierten Analyse von                 |
|                 | Bildfolgen                                                           |
| Abbildung 4.12: | Messaufbau zur ortsfilterbasierten 2D/2C Messung                     |
| Abbildung 4.13: | Ortsfilterbasierte Auswertung zur 2D/2C Messung                      |
| Abbildung 4.14: | Ergebnis der ortsfilterbasierten offline $2D/2C$ Messung am          |
|                 | Blasenausströmer                                                     |
| Abbildung 4.15: | Unsicherheiten der Geschwindigkeitsschätzung bei der                 |
|                 | ortsfilterbasierten $2D/2C$ offline Messung an einem                 |
|                 | Blasenausströmer                                                     |
| Abbildung 4.16: | Ortsfilterbasierte Auswertung von Bildfolgen zur Partikel Image      |
|                 | Velocimetry (PIV) an einem Kavitationskanal                          |
| Abbildung 4.17: | Sensor-Array zur 2C/2D Geschwindigkeitsmessung                       |
| Abbildung 4.18: | Justage der Einzellinsen des Sensor-Arrays                           |
| Abbildung 4.19: | Messaufbau für Testmessungen an einer strukturierten                 |
|                 | Oberfläche für das Sensor-Array85                                    |
| Abbildung 4.20: | Messaufbau zur Messung der Geschwindigkeit aufsteigender             |
|                 | Luftblasen in Wasser                                                 |
| Abbildung 4.21: | Aufbau des Spiegel-Array-basierten Prototypen zur inhärenten         |
|                 | Signalbildung im optischen Pfad87                                    |
| Abbildung 4.22: | Ausgangsignal einer Photodiode während einer Testmessung am          |
|                 | Riemenaufbau                                                         |
| Abbildung A.1:  | Abbildung bei einer dünnen Linse 105                                 |
| Abbildung A.2:  | Vergleich der Faltung und der Kreuzkorrelation107                    |
| Abbildung A.3:  | Beispiel zur Phasenkorrektur zweier Signale aus nicht-phasen-        |
|                 | orthogonalen Gitterfunktionen109                                     |
| Abbildung A.4:  | Beispiel einer sequenziell ausgelesenen Pixelzeile eines Array-      |
|                 | Detektors                                                            |
| Abbildung B.1:  | Karteikarte "Calculation $v, s$ " des Signalanalyse<br>programms 111 |
| Abbildung B.2:  | Karteikarte "Comparison" des Signalanalyseprogramms 112              |
| Abbildung B.3:  | Karteikarte "Cycle" des Signalanalyseprogramms 113                   |
| Abbildung B.4:  | Das Softwaremodul "ZeroCross"114                                     |
| Abbildung B.5:  | Das Softwaremodul "PWR-Spec" 115                                     |
| Abbildung B.6:  | Das Softwaremodul "RotPointer"                                       |
| Abbildung B.7:  | Das Softwaremodul "CorrPhase"                                        |
|                 |                                                                      |

| Abbildung B.8:  | Programmoberfläche zur Generierung von Modellsignalen11                            | 19 |
|-----------------|------------------------------------------------------------------------------------|----|
| Abbildung C.1:  | Bilder des DSP basierten Messsystems zur 2C Messung von                            |    |
|                 | Bewegungsgeschwindigkeiten                                                         | 23 |
| Abbildung C.2:  | Karteikarte "Offline test" der Benutzeroberfläche zur                              |    |
|                 | Ansteuerung des DSP-basierten 2C Messsystems                                       | 24 |
| Abbildung C.3:  | Karteikarte "Offline processing" der Benutzeroberfläche zur                        |    |
|                 | Ansteuerung des DSP-basierten 2C-Messsystems                                       | 25 |
| Abbildung C.4:  | Karteikarte "Online measure" der Benutzeroberfläche zur                            |    |
|                 | Ansteuerung des DSP-basierten 2C Messsystems 12                                    | 27 |
| Abbildung C.5:  | Karteikarte "Online results DSP" der Benutzeroberfläche zur                        |    |
|                 | Ansteuerung des DSP-basierten 2C Messsystems 12                                    | 28 |
| Abbildung C.6:  | Riemenaufbau zur Erzeugung einer längenreferenzierten                              |    |
|                 | Strukturbewegung                                                                   | 29 |
| Abbildung C.7:  | Bestimmung der Längenreferenz anhand der Beobachtung des                           |    |
|                 | Streifenmusters                                                                    | 30 |
| Abbildung C.8:  | Bestimmung der Zielgenauigkeit des Messsystems anhand der                          |    |
|                 | Beobachtung der Oberflächenstruktur                                                | 31 |
| Abbildung C.9:  | Programm zur Untersuchung der aufgenommenen Full Frames                            |    |
|                 | des 2C Messsystem zur Untersuchung der erreichbaren                                |    |
|                 | Genauigkeit des Messsystems                                                        | 32 |
| Abbildung C.10: | Verwendeter Datensatz als Intensitätsverteilung $i_{\scriptscriptstyle B}$ für die |    |
|                 | theoretischen Betrachtungen in Kapitel 2                                           | 34 |
| Abbildung C.11: | Ausschnitt des errechneten Ortsfiltersignals mittels der Gitter-                   |    |
|                 | periode $g_p = x_B / 4$ und der Intensitätsverteilung $i_B$ aus                    |    |
|                 | Abbildung C.10                                                                     | 35 |
| Abbildung D.1:  | Frontansicht und Rückansicht des Sensor-Arrays                                     | 38 |

### Tabellenverzeichnis

| Tabelle C.1 | : Überblick zu den | Sensordaten            | 121 |
|-------------|--------------------|------------------------|-----|
| Tabelle C.2 | : Überblick zu den | Daten des DSP - Boards | 122 |
| Tabelle D.1 | : Daten des FPGA   | - Boards               | 137 |

# Abkürzungen und Symbole

| Abkürzung      | Bedeutung                                                 |
|----------------|-----------------------------------------------------------|
| 1C             | einkomponentig                                            |
| 2C             | zweikomponentig                                           |
| 3C             | dreikomponentig                                           |
| 2D             | zweidimensional                                           |
| 3D             | dreidimensional                                           |
| AKF            | Auto-Korrelations-Funktion                                |
| CCD            | Charge Coupled Device                                     |
| CCS            | Code Composer Studio                                      |
| CMOS           | Complementary Metal Oxide Semiconductor                   |
| DFT            | Diskrete Fourier-Transformation                           |
| DMD            | Digital Mirror Device                                     |
| DLP            | Digital Light Processing                                  |
| DSP            | Digital Signal Processor                                  |
| $\mathbf{FFT}$ | Fast-Fourier-Transformation                               |
| FPGA           | Field Programmable Gate Array                             |
| $\mathbf{FT}$  | Fourier-Transformation                                    |
| HDMI           | High Definition Multimedia Interface                      |
| HVGA           | Half Video Graphics Array                                 |
| LED            | Light Emitting Diode                                      |
| LCD            | Liquid Crystal Display                                    |
| LDA            | Laser-Doppler-Anemometrie                                 |
| PIV            | Particle Image Velocimetry                                |
| PSF            | Punkt-Verwaschungs-Funktion (engl. point spread function) |
| ROI            | Region of Interest                                        |
| USB            | Universal Serial Bus                                      |

#### Symbole

| A                          | Amplitude                                                       |  |
|----------------------------|-----------------------------------------------------------------|--|
| $a\left(k ight)$           | Realteil des $k$ -ten Fourier-Koeffizienten                     |  |
| В                          | Bildgröße                                                       |  |
| b                          | Bildweite                                                       |  |
| $b\left(k ight)$           | Imaginärteil des $k$ -ten Fourier-Koeffizienten                 |  |
| <u>c</u>                   | komplexer Fourier - Koeffizient                                 |  |
| f                          | allg. Frequenz                                                  |  |
| $f_0$                      | Trägerfrequenz eines Signals                                    |  |
| $f_{\scriptscriptstyle L}$ | Brennweite einer Linse                                          |  |
| G                          | Gegenstandsgröße                                                |  |
| g                          | Gegenstandsweite                                                |  |
| $g_p$                      | Gitterperiode eines optischen Gitters bzw. einer Gitterfunktion |  |
| g(x)                       | von $x$ anhängige Gitterfunktion                                |  |
| $i_B$                      | Intensitätsverteilung in der Bildebene                          |  |
| $i_{Bn}$                   | — des $n$ -ten Bildes                                           |  |
| $i_B(x)$                   | — als Funktion von $x$                                          |  |
| $\underline{I}_B$          | komplexes Spektrum der —                                        |  |
| $\underline{I}_{B}(t)$     | komplexes zeitabhängiges Spektrum der —                         |  |
| J                          | Fisher Informationsmatrix                                       |  |
| k                          | Ortskreisfrequenz                                               |  |
| $k_{x}$                    | — in $x$ -Richtung                                              |  |
| $k_y$                      | — in $y$ -Richtung                                              |  |
| $\mathbf{k}$ , $\vec{k}$   | —-Vektor                                                        |  |
| $K_{i_Bg}$                 | Kreuzkorrelation zwischen der Intensitätsverteilung und der     |  |
|                            | Gitterfunktion                                                  |  |
| М                          | Vergrößerung (engl. Magnification)                              |  |
| $m_i$                      | abgetastetes Modellsignal                                       |  |
| Ν                          | Gesamtanzahl                                                    |  |
| n                          | Zählvariable (des $n$ -ten Bildes)                              |  |
| $n_i$                      | Rauschen (engl. noise) welches einem Modell überlagert wird     |  |
| $P_0$                      | Ausgangsleistung                                                |  |

| р                           | Ortsvektor                                                         |  |
|-----------------------------|--------------------------------------------------------------------|--|
| $	riangle \mathbf{p}$       | Schrittweite des —                                                 |  |
| $p\left(s_{i}, 	heta ight)$ | Wahrscheinlichkeitsdichtefunktion                                  |  |
| 8                           | Signal (eines Ortsfilters)                                         |  |
| $s_{x}$                     | — in $x$ -Richtung                                                 |  |
| $s_y$                       | — in $y$ -Richtung                                                 |  |
| s(t)                        | zeitabhängiges —                                                   |  |
| <u>s</u>                    | komplexes —                                                        |  |
| t                           | Zeit                                                               |  |
| $t_0$                       | Anfangszeitpunkt                                                   |  |
| riangle t                   | Zeitdifferenz                                                      |  |
| v                           | Geschwindigkeit                                                    |  |
| $v_x$                       | — in $x$ -Richtung                                                 |  |
| $v_y$                       | — in $y$ -Richtung                                                 |  |
| x                           | kartesische Koordinate                                             |  |
| $x_B$                       | Bildausdehnung in Richtung der $x\operatorname{-Koordinate}$       |  |
| $\bigtriangleup x$          | Verschiebung in $x$ -Richtung                                      |  |
| y                           | kartesische Koordinate                                             |  |
| $y_{\scriptscriptstyle B}$  | Bildausdehnung in Richtung der $y\text{-}\mathrm{Koordinate}$      |  |
| riangle y                   | Verschiebung in $y$ -Richtung                                      |  |
| z                           | kartesische Koordinate                                             |  |
| $\varphi$                   | allgemeine Phase                                                   |  |
| $\varphi_{Ort}$             | örtliche Phase                                                     |  |
| $\varphi_v$                 | Winkel / Richtung der Geschwindigkeit bezogen auf die $x \text{-}$ |  |
|                             | Richtung (mathematisch positiv)                                    |  |
| $\lambda$                   | Wellenlänge                                                        |  |
| $\mu$                       | Ortsfrequenz in $x$ -Richtung                                      |  |
| ν                           | Ortsfrequenz in $y$ -Richtung                                      |  |
| $\theta$                    | Parameter eines Modells                                            |  |
| σ                           | einfache Standardabweichung                                        |  |
| $\sigma^2$                  | Varianz                                                            |  |

#### Indizes

| i | Zählvariable |
|---|--------------|
| j | Zählvariable |
| k | Zählvariable |
| n | Zählvariable |

#### Operatoren

|              | Betrag                             |
|--------------|------------------------------------|
| <i>E</i> { } | Erwartungswert (engl. expectation) |
| 3{}          | Fourier-Transformation             |
| Im { }       | Imaginärteil                       |
| j            | Indikator des Imaginärteils        |
| *            | konjugiert komplex                 |
| _            | Mittelwert aus Einzelwerten        |
| Re{}         | Realteil                           |
|              |                                    |